

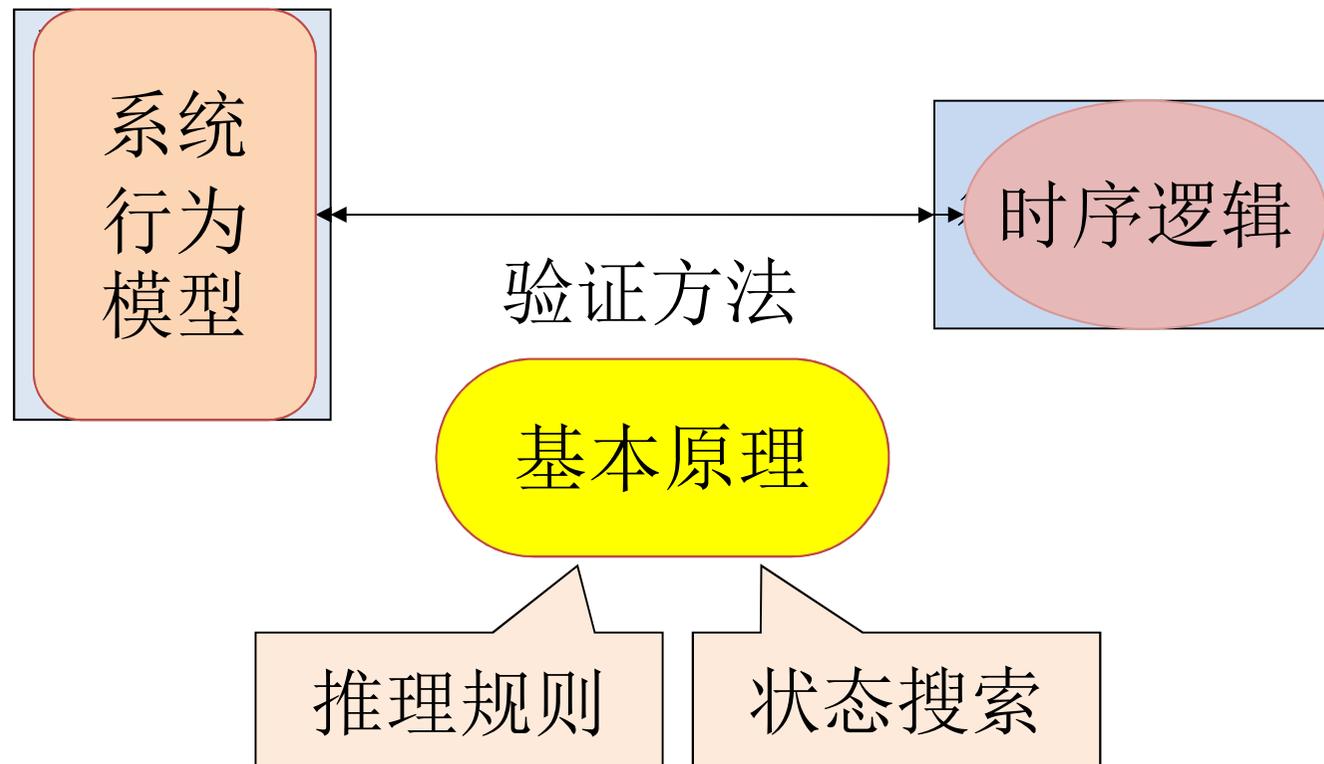
模型检测方法

中国科学院软件研究所
计算机科学国家重点实验室

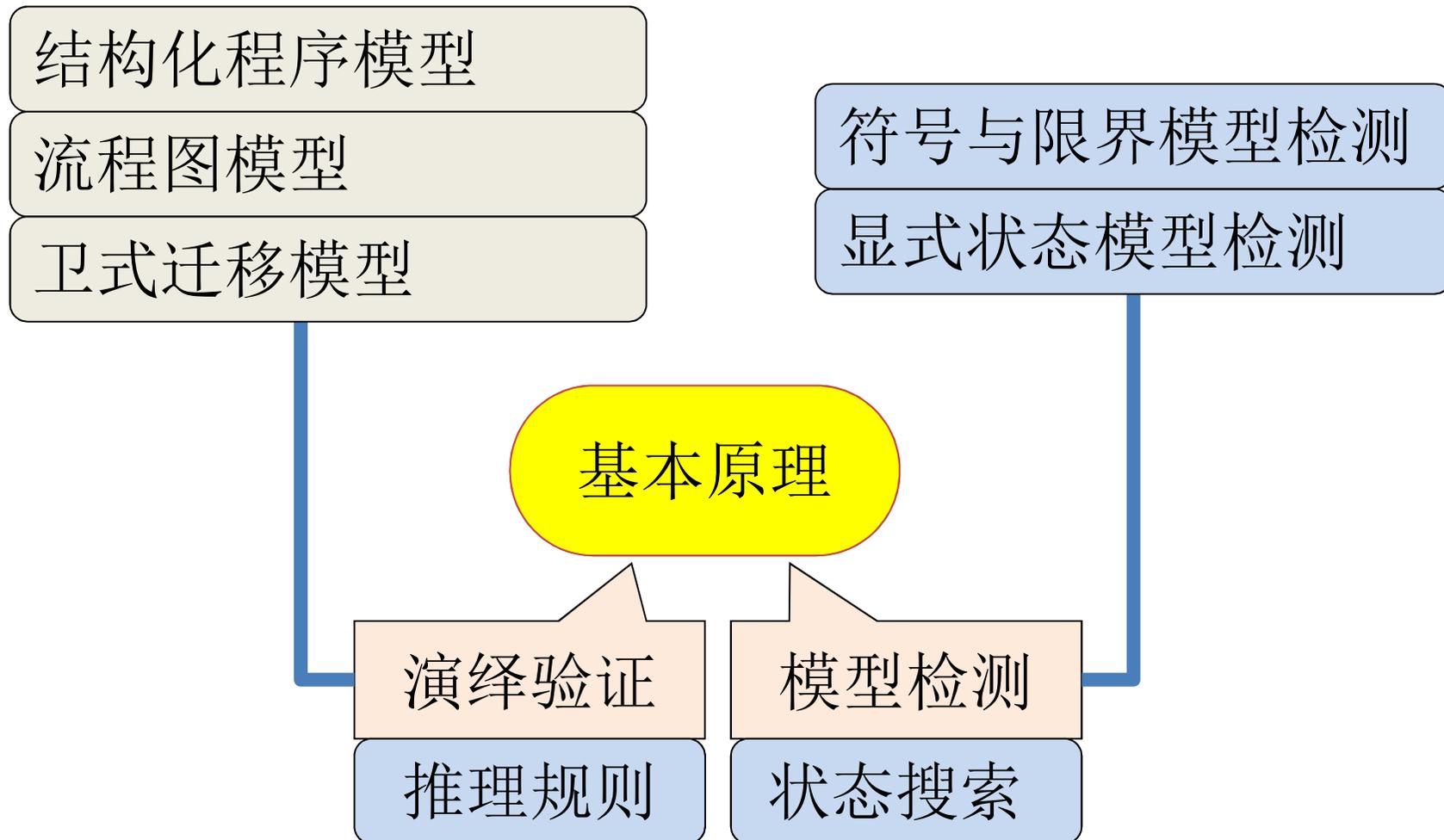
张文辉

<http://lcs.ios.ac.cn/~zwh/>

课程内容



课程内容



模型

逻辑:

卫式迁移模型

$$M=(T,\Theta,\Phi)$$

流程图模型

T

结构化程序模型

S

状态:

Kripke结构

$$M=(S,R,I,L,\Phi)$$

自动机模型

$$A=(\Sigma,S,\Delta,I,F)$$

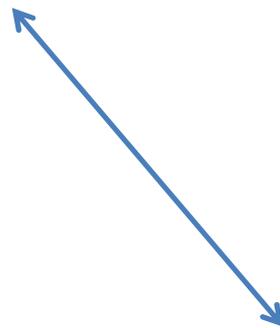
模型检测方法

推理验证

卫式迁移模型(一阶逻辑)

显式状态模型检测

Kripke结构(有向图)



符号模型(布尔公式)

符号与限界模型检测

内容

- 符号模型
- CTL模型检测方法
- LTL模型检测方法

(I) 符号模型

用 $BF(V)$ 表示变量集合 V 上的布尔公式。

给定 AP 。

AP 上的符号模型 $M=(V,\rho,\Theta,N)$

- $V = \{v_1, \dots, v_n\}$ 布尔变量集合
- $\rho: \{v_1, \dots, v_n, v_1', \dots, v_n'\}$ 上的布尔公式
- $\Theta: \{v_1, \dots, v_n\}$ 上的布尔公式
- $N: AP \rightarrow BF(V)$, 即 $N(p)$ 为 $\{v_1, \dots, v_n\}$ 上的布尔公式(代表 p)

符号模型与标号Kripke模型的对应

给定AP.

AP上的标号Kripke模型

$$K = \langle S, R, I, L \rangle$$

$$S = \{s_0, \dots, s_m\}$$

$$R \subseteq S \times S$$

$$I \subseteq S$$

$$L: S \rightarrow 2^S$$

给定AP.

AP上的符号模型

$$M = (V, \rho, \Theta, N)$$

$$V = \{v_1, \dots, v_n\} \text{ 布尔变量集合}$$

$$\rho: \{v_1, \dots, v_n, v_1', \dots, v_n'\} \text{ 上的BF}$$

$$\Theta: \{v_1, \dots, v_n\} \text{ 上的BF}$$

$$N: AP \rightarrow BF(V)$$

标号Kripke模型到符号模型

给定标号Kripke模型

$K = \langle S, R, I, L \rangle$

$V = \{v_1, \dots, v_n\}$ 可以编码 2^n 个状态。

状态 --- 用 n 位 2 进制编码 --- 布尔公式

状态集

状态迁移 --- 用 $2n$ 位 2 进制编码 --- 布尔公式

状态迁移关系

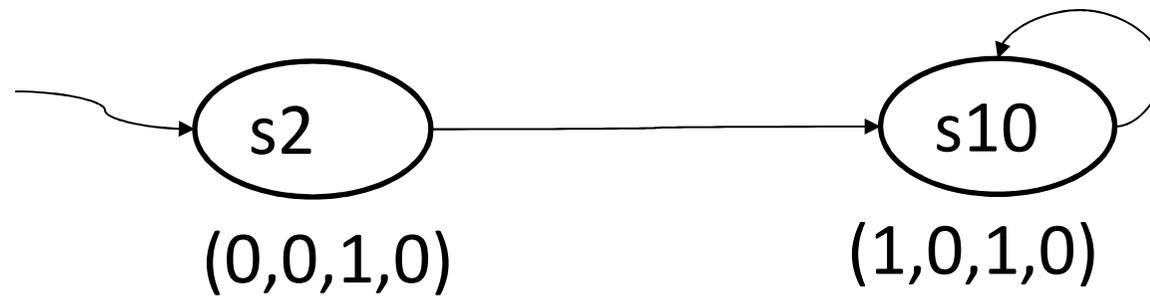
标号函数(状态 \rightarrow 标号集) --- (标号 \rightarrow 状态集)

符号模型

$S = \{s_0, \dots, s_{15}\}$

\sim

$V = \{v_1, v_2, v_3, v_4\}$



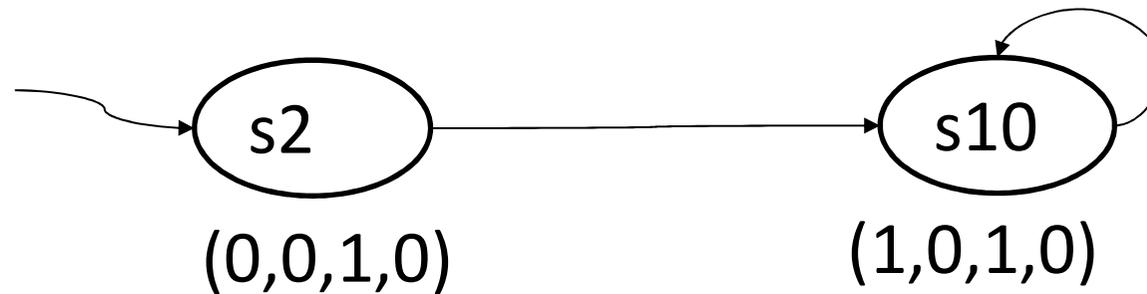
$(\neg v_1 \wedge \neg v_2 \wedge v_3 \wedge \neg v_4)$

$(v_1 \wedge \neg v_2 \wedge v_3 \wedge \neg v_4)$

$(\neg v_2 \wedge v_3 \wedge \neg v_4)$

符号模型

$R \sim \rho$



$(s2, s10)$:

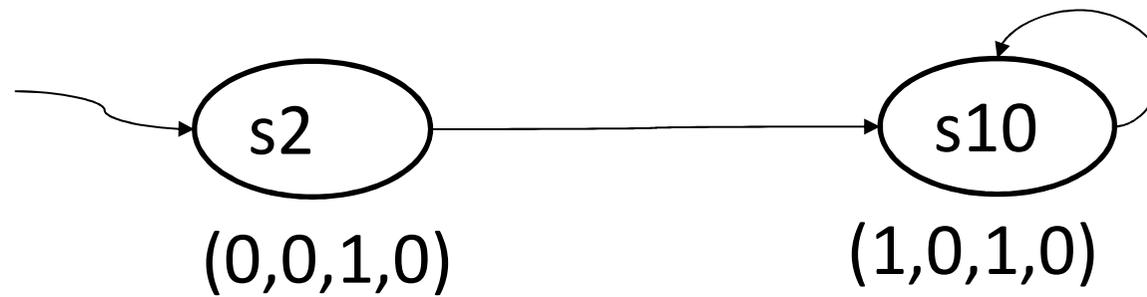
$(\neg v1 \wedge \neg v2 \wedge v3 \wedge \neg v4) \wedge (v1' \wedge \neg v2' \wedge v3' \wedge \neg v4')$

$\{(s2, s10), (s10, s10)\}$:

$(\neg v2 \wedge v3 \wedge \neg v4) \wedge (v1' \wedge \neg v2' \wedge v3' \wedge \neg v4')$

符号模型

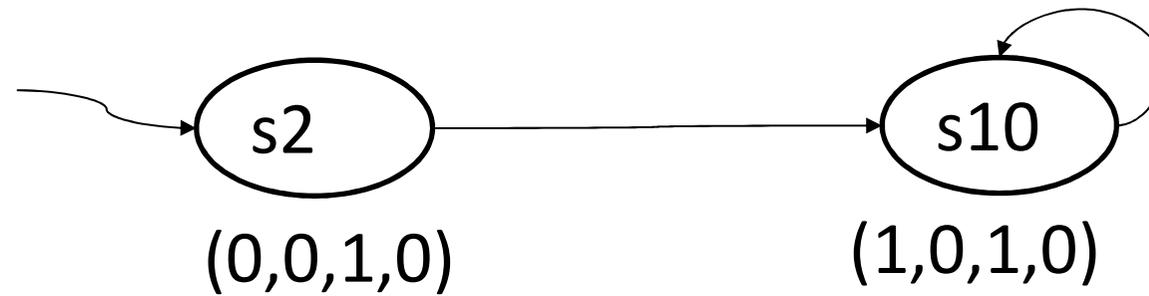
| ~ ⊕



$(\neg v1 \wedge \neg v2 \wedge v3 \wedge \neg v4)$

符号模型

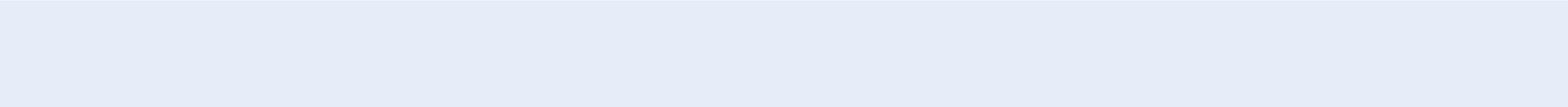
$L \sim N$



$AP = \{p, q\}$:

$[[p]] = \{s \mid p \in L(s)\} \sim N(p)$

$[[q]] = \{s \mid q \in L(s)\} \sim N(q)$



给定符号模型

(V, ρ, Θ, N)

$V = \{v_1, \dots, v_n\}$

标号Kripke结构

符号模型 $M=(V,\rho,\Theta,N)$ 与Kripke结构 $K=(S,R,I,L)$ 的对应关系

$$S = \{ (a_1, \dots, a_n) \mid a_1, \dots, a_n \in \{0, 1\} \}$$

$$R = \{ ((a_1, \dots, a_n), (a_1', \dots, a_n')) \mid \rho(a_1, \dots, a_n, a_1', \dots, a_n') = 1 \}$$

$$I = \{ (a_1, \dots, a_n) \mid \Theta(a_1, \dots, a_n) = 1 \}$$

$$L((a_1, \dots, a_n)) = \{ p \mid N(p)(a_1, \dots, a_n) = 1, p \in AP \}$$

$$M \models \varphi \text{ iff } K \models \varphi.$$

符号模型的特殊情况

- $AP = \{v_1, \dots, v_n\}$;
- 符号模型 $M = (V, \rho, \Theta, N)$ 且 $N(v_i) = v_i$
- 简化为 $M = (V, \rho, \Theta)$

标号Kripke结构

符号模型 $M=(V,\rho,\Theta)$ 与Kripke结构 $K=(S,R,I,L)$ 的对应关系

$$S = \{ (a_1, \dots, a_n) \mid a_1, \dots, a_n \in \{0,1\} \}$$

$$R = \{ ((a_1, \dots, a_n), (a_1', \dots, a_n')) \mid \rho(a_1, \dots, a_n, a_1', \dots, a_n') = 1 \}$$

$$I = \{ (a_1, \dots, a_n) \mid \Theta(a_1, \dots, a_n) = 1 \}$$

$$L((a_1, \dots, a_n)) = \{ v_i \mid i \in \{1, \dots, n\}, a_i = 1 \}$$

$$M \models \varphi \text{ iff } K \models \varphi.$$

公式 \rightarrow 状态集合

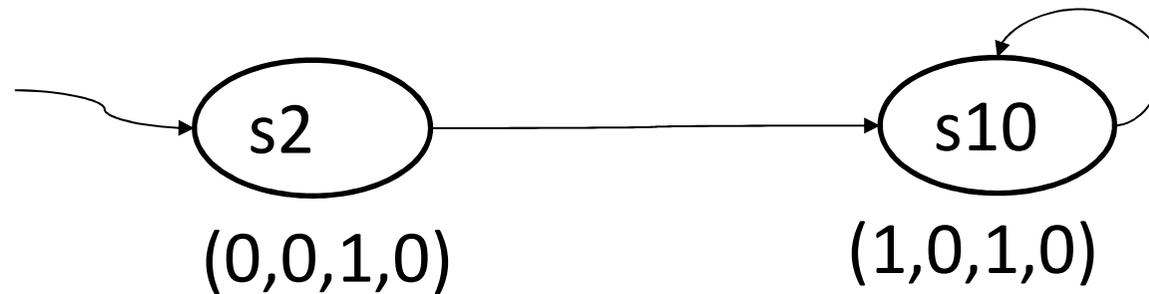
- $\alpha: (v_1, \dots, v_n)$ 上的布尔公式
- $s = (a_1, \dots, a_n)$
- 定义 $\alpha(s)$ 为用 a_1, \dots, a_n 分别替换 α 中的 v_1, \dots, v_n
- 定义 $s \in \alpha$ 当且仅当 $\alpha(s) = 1$.
- 定义 $[[\alpha]] = \{ s \mid \alpha(s) = 1 \}$

前驱集合公式的计算

- α : (v_1, \dots, v_n) 上的布尔公式
- α' : 相应的 (v_1', \dots, v_n') 上的布尔公式
- $\text{ex}(\alpha) = \exists v_1', \dots, v_n'. (\rho \wedge \alpha')$
- $\text{EX}([\alpha]) = \{ s \mid \text{ex}(\alpha)(s) = 1 \}$

符号模型

$$\rho = (\neg v2 \wedge v3 \wedge \neg v4) \wedge (v1' \wedge \neg v2' \wedge v3' \wedge \neg v4')$$



$$EX(\{s10\}) = \{s2, s10\}$$

$$ex(v1 \wedge \neg v2 \wedge v3 \wedge \neg v4) = (\neg v2 \wedge v3 \wedge \neg v4)$$

高效的符号模型表示及计算

AP上的符号模型 $M=(V,\rho,\Theta,N)$

布尔公式的有序二叉决策图(OBDD)表示

集合(公式)表示的唯一性

集合(公式)的交并补(且或非)计算

前驱集合的计算(量词消去)

问题:

状态爆炸问题

(OBDD的大小与布尔变量个数成指数关系)

模型检测

- 问题: $M \models \varphi$
- 方法类型
 - 显式状态模型检测
 - 符号模型检测
 - 限界模型检测/限界正确性检查
- 性质类型
 - CTL
 - LTL

(II) CTL模型检测

- 显式状态模型检测
- 符号模型检测
- 限界模型检测/限界正确性检查
- 公平约束下的**CTL**模型检测

(II.a) 显式状态模型检测

$M=(S,R,I,L)$

φ

$M \models \varphi ?$

考虑: \neg, \vee, EX, EG, EU

标号算法

$M=(S,R,I,L)$

φ

$M \models \varphi ?$

将状态 对应到 φ 的子公式的子集

目标:

$M,s \models \varphi \quad \text{iff} \quad \varphi \in L'(s)$

标号算法(a)

$L'(s) := \{\}$ for all s

考虑 φ 的长度为1的子公式 p

$L'(s) := L'(s) \cup \{p\}$ if $p \in L(s)$

标号算法(b)

考虑 φ 的长度为 $k+1$ 的子公式 ψ

$$(1) \psi = \neg\psi_0$$

$$L'(s) = L'(s) \cup \{\psi\} \text{ if } \psi_0 \notin L'(s)$$

$$(2) \psi = \psi_0 \vee \psi_1$$

$$L'(s) = L'(s) \cup \{\psi\} \text{ if } \psi_0 \in L'(s) \text{ or } \psi_1 \in L'(s)$$

$$(3) \psi = \exists X\psi_0$$

$$L'(s) = L'(s) \cup \{\psi\} \text{ if } \exists s'.(s \rightarrow s') \text{ and } \psi_0 \in L'(s')$$

标号算法(c)

$$(4) \psi = E(\psi_0 \cup \psi_1)$$

$$L'(s) = L'(s) \cup \{\psi\} \text{ if } \psi_1 \in L'(s)$$

$$L'(s) = L'(s) \cup \{\psi\} \text{ if } \psi_0 \in L'(s) \text{ and } \exists s'.(s \rightarrow s') \text{ and } \psi \in L'(s')$$

$$(5) \psi = EG\psi_0$$

- 计算由满足 ψ_0 的状态构成的有向图的强连通分量
- 将所有非平凡强连通分量中的状态标上 ψ
- $L'(s) = L'(s) \cup \{\psi\}$ if $\psi_0 \in L'(s)$ and $\exists s'.(s \rightarrow s')$ and $\psi \in L'(s')$

标号算法

$M=(S,R,I,L)$

$M,s \models \varphi$ iff $\varphi \in L'(s)$

$M \models \varphi$ iff $\varphi \in L'(s)$ for all $s \in I$

不动点算法

$M=(S,R,I,L)$

φ

$M \models \varphi ?$

将 φ 的子公式对应到 S 的集合

目标:

$M,s \models \varphi \quad \text{iff} \quad s \in [[\varphi]]$

不动点算法(1)

$$\text{ex}(Z) = \{ s \mid s \rightarrow s' \text{ and } s' \in Z \}$$

$$[[p]] = \{ s \mid p \in L(s) \}$$

$$[[\neg \psi_0]] = S \setminus [[\psi_0]]$$

$$[[\psi_0 \vee \psi_1]] = [[\psi_0]] \cup [[\psi_1]]$$

$$[[EX \psi_0]] = \text{ex}([[\psi_0]])$$

$$[[EG \psi_0]] = \nu Z. ([[\psi_0]] \cap \text{ex}(Z))$$

$$[[E(\psi_0 \cup \psi_1)]] = \mu Z. ([[\psi_1]] \cup ([[\psi_0]] \cap \text{ex}(Z)))$$

不动点算法

$M=(S,R,I,L)$

$M,s \models \varphi$ iff $s \in [[\varphi]]$

$M \models \varphi$ iff $I \subseteq [[\varphi]]$

(II.b)符号模型检测

状态集合 -- 布尔公式

状态集合的运算 -- 布尔公式的运算

符号模型

AP上的符号模型

$$M=(V,\rho,\Theta,N)$$

$V=\{v_1,\dots,v_n\}$ 布尔变量集合 --- S

$\rho: \{v_1,\dots,v_n,v_1',\dots,v_n'\}$ 上的布尔公式 --- R

$\Theta: \{v_1,\dots,v_n\}$ 上的布尔公式 --- I

$N: AP \rightarrow BF(V)$ --- L

符号模型检测：不动点算法

$$M=(V,\rho,\Theta,N)$$

φ

$$M \models \varphi ?$$

将 φ 的子公式对应到 V 上的布尔公式

不动点算法(1)

$$\text{ex}(Z) = \exists v_1', \dots, v_n'. (\rho \wedge Z')$$

$$[[p]] = Np$$

$$[[\neg \psi_0]] = \neg [[\psi_0]]$$

$$[[\psi_0 \vee \psi_1]] = [[\psi_0]] \vee [[\psi_1]]$$

$$[[EX \psi_0]] = \text{ex}([[\psi_0]])$$

$$[[EG \psi_0]] = \nu Z. ([[\psi_0]] \wedge \text{ex}(Z))$$

$$[[E(\psi_0 \cup \psi_1)]] = \mu Z. ([[\psi_1]] \vee ([[\psi_0]] \wedge \text{ex}(Z)))$$

不动点算法

$$M=(V,\rho,\Theta,N)$$

$$M \models \varphi$$

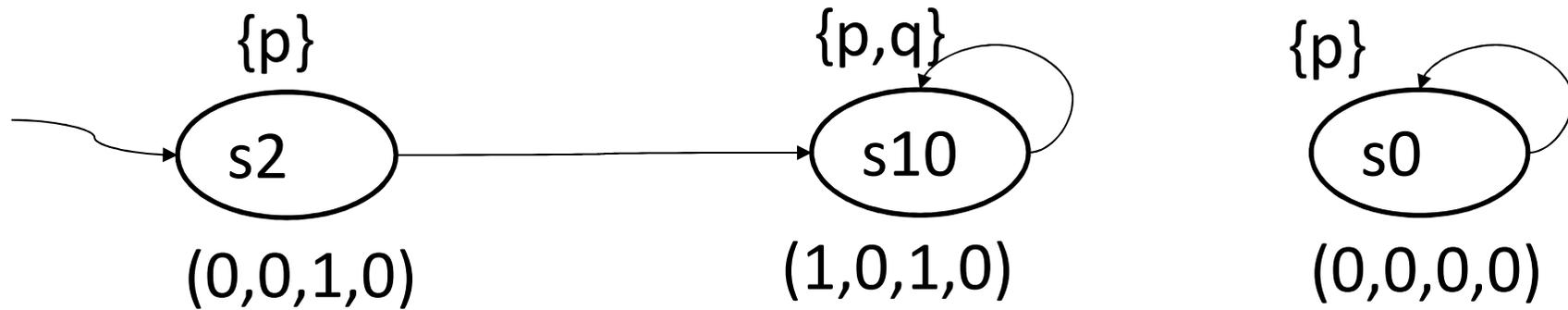
iff

$$\Theta \rightarrow [[\varphi]]$$

iff

$$\Theta \wedge [[\neg \varphi]] = 0$$

例子



$$M=(V,\rho,\Theta,N)$$

$$V=\{v1,v2,v3,v4\}$$

$$\rho = ((\neg v2 \wedge v3 \wedge \neg v4) \wedge (v1' \wedge \neg v2' \wedge v3' \wedge \neg v4')) \vee$$

$$(\neg(\neg v2 \wedge v3 \wedge \neg v4) \wedge ((v1' \leftrightarrow v1) \wedge \dots \wedge (v4' \leftrightarrow v4)))$$

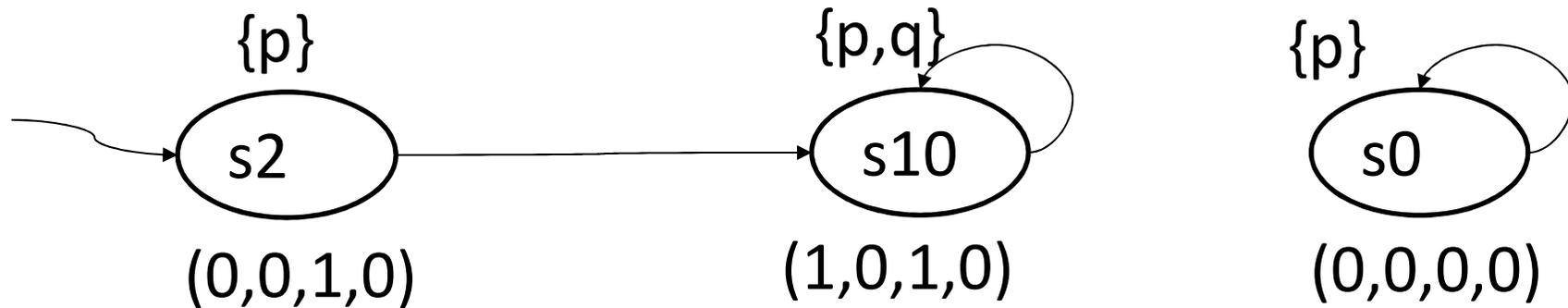
$$\Theta = (\neg v1 \wedge \neg v2 \wedge v3 \wedge \neg v4)$$

$$N(p) = (\neg v1 \wedge \neg v2) \vee (v1 \wedge \neg v2);$$

$$N(q) = (\neg v1 \wedge v2) \vee (v1 \wedge \neg v2)$$

.....

例子



$M \models AG(p \vee q)$

$[[AG(p \vee q)]] = [[\neg E(\text{true} \cup \neg(p \vee q))]] = \neg \mu Z. ([[\neg(p \vee q)]]) \vee \text{ex}(Z)$

$f(Z) = [[\neg(p \vee q)]] \vee \text{ex}(Z)$

$Z_0 = \text{false}$

$Z_1 = [[\neg(p \vee q)]] = \neg(N(p) \vee N(q)) =$

$\neg((\neg v_1 \wedge \neg v_2) \vee (v_1 \wedge \neg v_2) \vee (\neg v_1 \wedge v_2) \vee (v_1 \wedge v_2)) = (v_2 \wedge v_1)$

$Z_2 = (v_2 \wedge v_1)$

因此 $[[AG(p \vee q)]] = \neg(v_2 \wedge v_1)$

由于 $\Theta \rightarrow \neg(v_2 \wedge v_1)$, 因而 $M \models AG(p \vee q)$ 。

不动点算法的问题及进一步考虑

优点：集合运算 – 逻辑运算

需要高效的：

布尔公式的表示方法

量词消去算法

布尔公式等价算法

布尔公式的OBDD表示

(II.c) 限界模型检测 / 限界正确性检查

k-路径: 长度为k+1的路径

$$M = (S, R, I, L)$$

$M_k = (S, P_k, I, L)$ 其中 P_k 为M的所有k-路径的集合

$rs(\pi)$: 路径 π 中有相同状态

CTL

考虑NNF公式:

$\Phi ::= p \mid \Phi \wedge \Phi \mid \Phi \vee \Phi \mid \neg p \mid$

$A X \Phi \mid A(\Phi R \Phi) \mid A(\Phi U \Phi) \mid$

$E X \Phi \mid E(\Phi R \Phi) \mid E(\Phi U \Phi)$

语义: $M, u \models \phi$

$M, u \models p,$	if $p \in AP$ and $p \in L(u)$
$M, u \models \neg p,$	if $p \in AP$ and $p \notin L(u)$
$M, u \models \phi \vee \psi,$	if $M, u \models \phi$ or $M, u \models \psi$
$M, u \models \phi \wedge \psi,$	if $M, u \models \phi$ and $M, u \models \psi$
$M, u \models A \psi,$	if for every path π of u , $(M, \pi \models \psi)$
$M, u \models E \psi,$	if there is a path π of u , $(M, \pi \models \psi)$
$M, \pi \models X \phi,$	if $M, \pi_1 \models \phi$
$M, \pi \models \phi U \psi,$	if $\exists i \geq 0, M, \pi_i \models \psi$ and $\forall j < i, M, \pi_j \models \phi$
$M, \pi \models \phi R \psi,$	if $\forall i \geq 0, (\forall j < i, M, \pi_j \models \phi) \rightarrow M, \pi_i \models \psi$

语义: F,G

$M, \pi \models F\psi,$ if $\exists i \geq 0, M, \pi_i \models \psi$

$M, \pi \models G\psi,$ if $\forall i \geq 0, M, \pi_i \models \psi$

限界语义: $M, u \models_k \phi$

$M, u \models_k p,$	if $p \in AP$ and $p \in L(u)$
$M, u \models_k \neg p,$	if $p \in AP$ and $p \notin L(u)$
$M, u \models_k \phi \vee \psi,$	if $M, u \models_k \phi$ or $M, u \models_k \psi$
$M, u \models_k \phi \wedge \psi,$	if $M, u \models_k \phi$ and $M, u \models_k \psi$
$M, u \models_k A \psi,$	if for every k -path π of u , $(M, \pi \models_k \psi)$
$M, u \models_k E \psi,$	if there is a k -path π of u , $(M, \pi \models_k \psi)$
$M, \pi \models_k X \phi,$	if $k \geq 1$ and $M, \pi_1 \models_k \phi$
$M, \pi \models_k \phi U \psi,$	if $\exists i \leq k, M, \pi_i \models_k \psi$ and $\forall j < i, M, \pi_j \models_k \phi$
$M, \pi \models_k \phi R \psi,$	if $\forall i \leq k, (\forall j < i, M, \pi_j \models_k \phi) \rightarrow M, \pi_i \models_k \psi$ and ($rs(\pi)$ or $\exists i \leq k, (M, \pi_i \models_k \phi)$)

限界语义: F,G

$M, \pi \models_k F\psi,$ if $\exists i \leq k, M, \pi_i \models_k \psi$
 $M, \pi \models_k G\psi,$ if $\forall i \leq k, (M, \pi_i \models_k \psi)$ and $rs(\pi)$

限界语义: $M \models_k \phi$

Definition

$M \models_k \phi$ if $M, u \models_k \phi$ for every initial state u .

Soundness

For every $i \geq 0$, if $M \models_i \phi$, then $M \models \phi$.

Completeness

If $M \models \phi$, then there is a $i \geq 0$ such that if $M \models_i \phi$.

限界正确性检查(BCC)

1. $k=0$;
2. if $M \models_k \varphi$, then report $M \models \varphi$;
3. if $M, s \models_k \neg \varphi$ for some $s \in I$, then report $M \not\models \varphi$;
4. $k=k+1$; goto step 2;

限界正确性检查的问题及进一步考虑

优点：局部检查CTL性质的正确性

需要高效的：

检查 $\forall s \in I, M, s \models_k \varphi$ 的算法

检查 $\exists s \in I, M, s \models_k \varphi$ 的算法

基于QBF的 CTL 限界正确性检查

基于SAT的 ACTL 限界正确性检查

k-模型： $\Theta(V^0) \wedge \rho(V^0, V^1) \wedge \dots \wedge \rho(V^{k-1}, V^k)$

(II.d)公平约束下的CTL模型检测

标号算法

标号公平Kripke结构

模型

$$M=(S,R,I,L,\Phi)$$

$$\Phi=\{\Phi_1,\dots, \Phi_k\}$$

标号算法

$$M=(S,R,I,L,\Phi)$$

- a. 计算由满足 Φ 的状态构成的有向图的强连通分量
- b. 将所有非平凡强连通分量中的状态标上 Φ
- c. 将所有能到达非平凡强连通分量的状态标上 Φ

$$M'=(S',R',I',L^*) - \text{考虑模型的公平状态部分}$$

$$S'=\{s \mid \Phi \in L'(s)\} \text{为公平状态的集合}$$

$$R'=R \cap (S' \times S')$$

$$I'=I \cap S'$$

$$L^*=L \cap (S' \times 2^{AP})$$

标号算法(a)

只考虑 $s \in S'$:

$L'(s) := \{\}$ for all $s \in$

考虑 φ 的长度为 1 的子公式 p

$L'(s) := L'(s) \cup \{p\}$ if $p \in L^*(s)$

标号算法(b)

考虑 ϕ 的长度为 $k+1$ 的子公式 ψ

$$(1) \psi = \neg \psi_0$$

$$L'(s) = L'(s) \cup \{\psi\} \text{ if } \psi_0 \notin L'(s)$$

$$(2) \psi = \psi_0 \vee \psi_1$$

$$L'(s) = L'(s) \cup \{\psi\} \text{ if } \psi_0 \in L'(s) \text{ or } \psi_1 \in L'(s)$$

$$(3) \psi = \exists X \psi_0$$

$$L'(s) = L'(s) \cup \{\psi\} \text{ if } \exists s'. (s \rightarrow s') \text{ and } \psi_0 \in L'(s')$$

标号算法(c)

$$(4) \psi = E(\psi_0 \cup \psi_1)$$

$$L'(s) = L'(s) \cup \{\psi\} \text{ if } \psi_1 \in L'(s)$$

$$L'(s) = L'(s) \cup \{\psi\} \text{ if } \psi_0 \in L'(s) \text{ and } \exists s'.(s \rightarrow s') \text{ and } \psi \in L'(s')$$

$$(5) \psi = EG\psi_0$$

- 计算满足 ψ_0 的状态集合的**满足 Φ 的**强连通分量
- 将所有非平凡强连通分量中的状态标上 ψ
- $L'(s) = L'(s) \cup \{\psi\}$ if $\psi_0 \in L'(s)$ and $\exists s'.(s \rightarrow s')$ and $\psi \in L'(s')$

标号算法

$$M = (S, R, I, L, \Phi)$$

$$M' = (S', R', I', L^*)$$

$$M \models \varphi$$

iff

$$\varphi \in L'(s) \text{ for all } s \in I'$$

不动点算法

符号模型的不动点算法

公平约束下的符号模型

符号模型

$$M=(V,\rho,\Theta,N,\Phi)$$

$V=\{v_1,\dots,v_n\}$ 布尔变量集合

$\rho: \{v_1,\dots,v_n,v_1',\dots,v_n'\}$ 上的布尔公式

$\Theta: \{v_1,\dots,v_n\}$ 上的布尔公式

$N: AP \rightarrow BF(V)$

$\Phi=\{\Phi_1,\dots,\Phi_k\}$

公平约束下的符号模型检测

$$\text{Fair} = \nu Z. (\bigwedge \{ \text{ex}[[\text{EF} (Z \wedge \Phi_j)]] \mid j=1, \dots, k \})$$

$$[[\text{EX}_F \varphi]] = \text{ex} ([[\varphi]] \wedge \text{Fair})$$

$$[[\text{E}(\varphi \text{ U}_F \psi)]] = [[\text{E}(\varphi \text{ U} (\psi \wedge \text{Fair}))]]$$

$$[[\text{EG}_F \varphi]] = \nu Z. ([[\varphi]] \wedge (\bigwedge \{ \text{ex}[[\text{E}(\varphi \text{ U} (Z \wedge \Phi_j))]] \mid j=1, \dots, k \}))$$

不动点算法

$$[[p]] = Np$$

$$[[\neg\psi_0]] = \neg[[\psi_0]]$$

$$[[\psi_0 \vee \psi_1]] = [[\psi_0]] \vee [[\psi_1]]$$

$$[[EG_F \varphi]] = \nu Z. ([[\varphi]] \wedge (\wedge \{ \text{ex } [[E(\varphi \cup (Z \wedge \Phi_j))]] \mid j=1, \dots, k \}))$$

$$[[EX_F \varphi]] = \text{ex} ([[\varphi]] \wedge \text{Fair})$$

$$[[E(\varphi \cup_F \psi)]] = [[E(\varphi \cup (\psi \wedge \text{Fair}))]]$$

$$\text{Fair} = [[EG_F (\text{true})]]$$

$$[[E(\psi_0 \cup \psi_1)]] = \mu Z. ([[\psi_1]] \vee ([[\psi_0]] \wedge \text{ex}(Z)))$$

不动点算法

$$M=(V,\rho,\Theta,N,\Phi)$$

ψ^* 为 ψ 的具有公平约束的版本(X,G,U 替换为 X_F,G_F,U_F)

$$M \models \varphi$$

iff

$$\Theta \wedge [(\neg \varphi)^*] = \text{false}$$

(III) LTL模型检测

- 显式状态模型检测
- 符号模型检测
- 限界模型检测
- 公平约束下的LTL模型检测

(III.a) 显式状态模型检测

$M=(S,R,I,L)$

φ

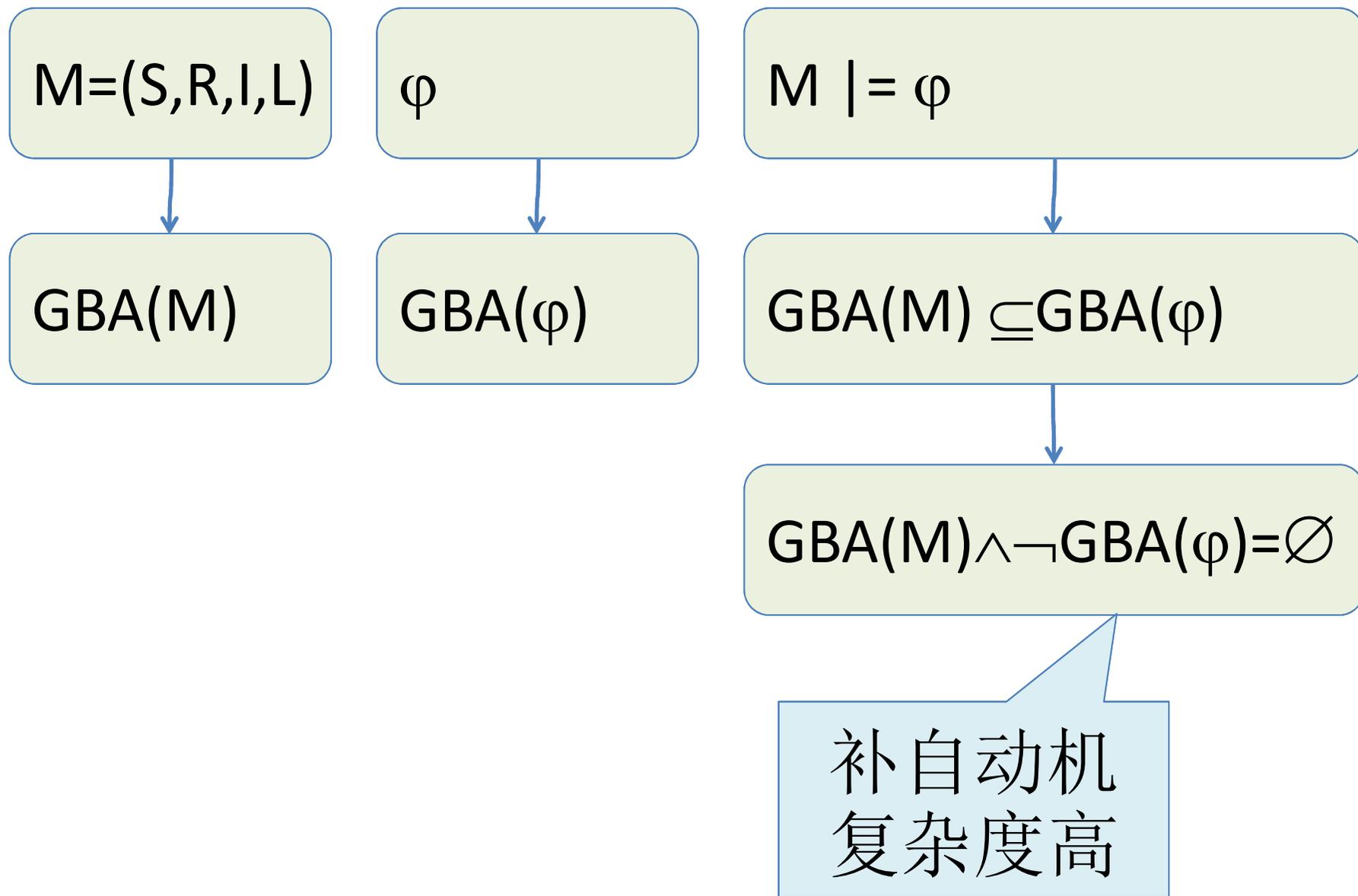
考虑NNF公式:

$\Phi ::= p \mid \Phi \wedge \Phi \mid \Phi \vee \Phi \mid \neg p \mid X \Phi \mid (\Phi R \Phi) \mid (\Phi U \Phi)$

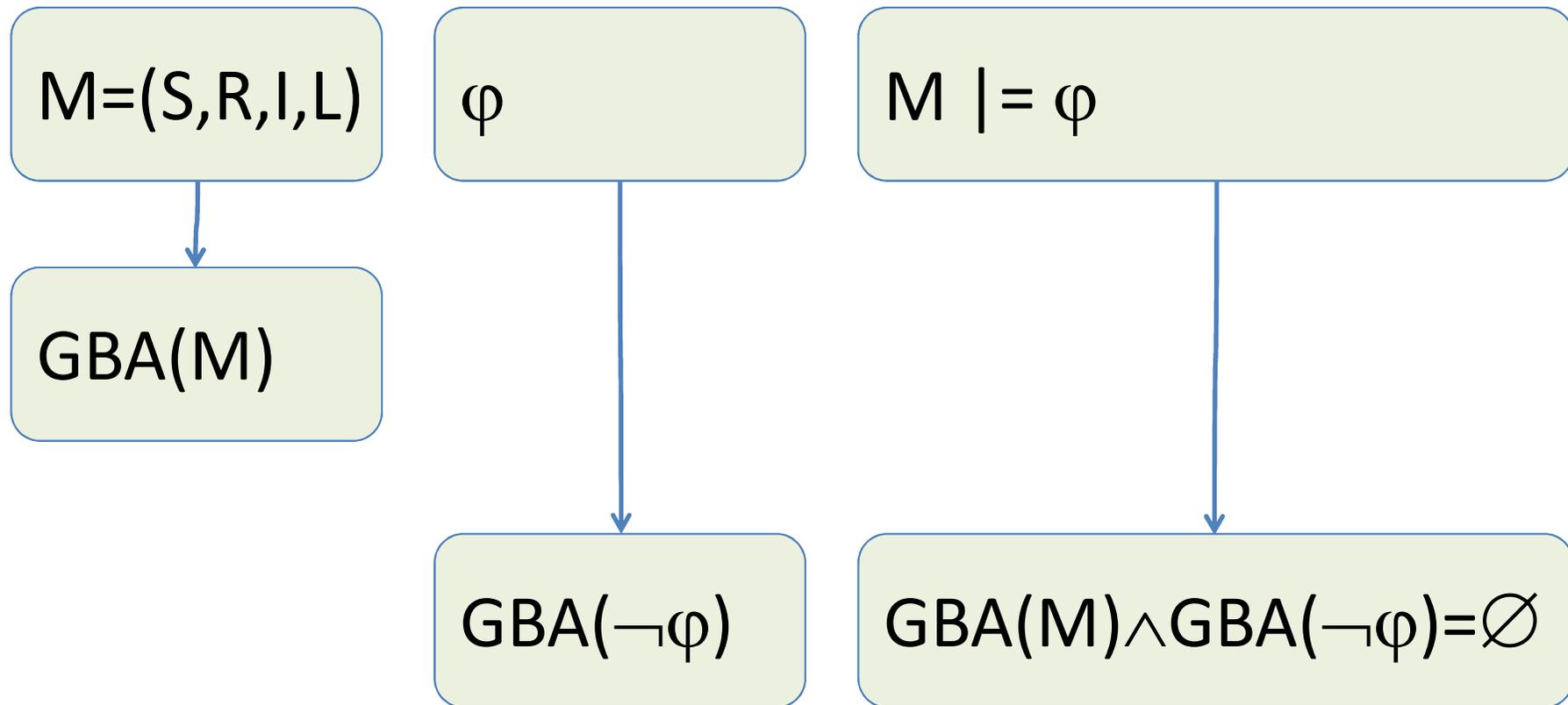
基于自动机的模型检测(1)

基于GBA

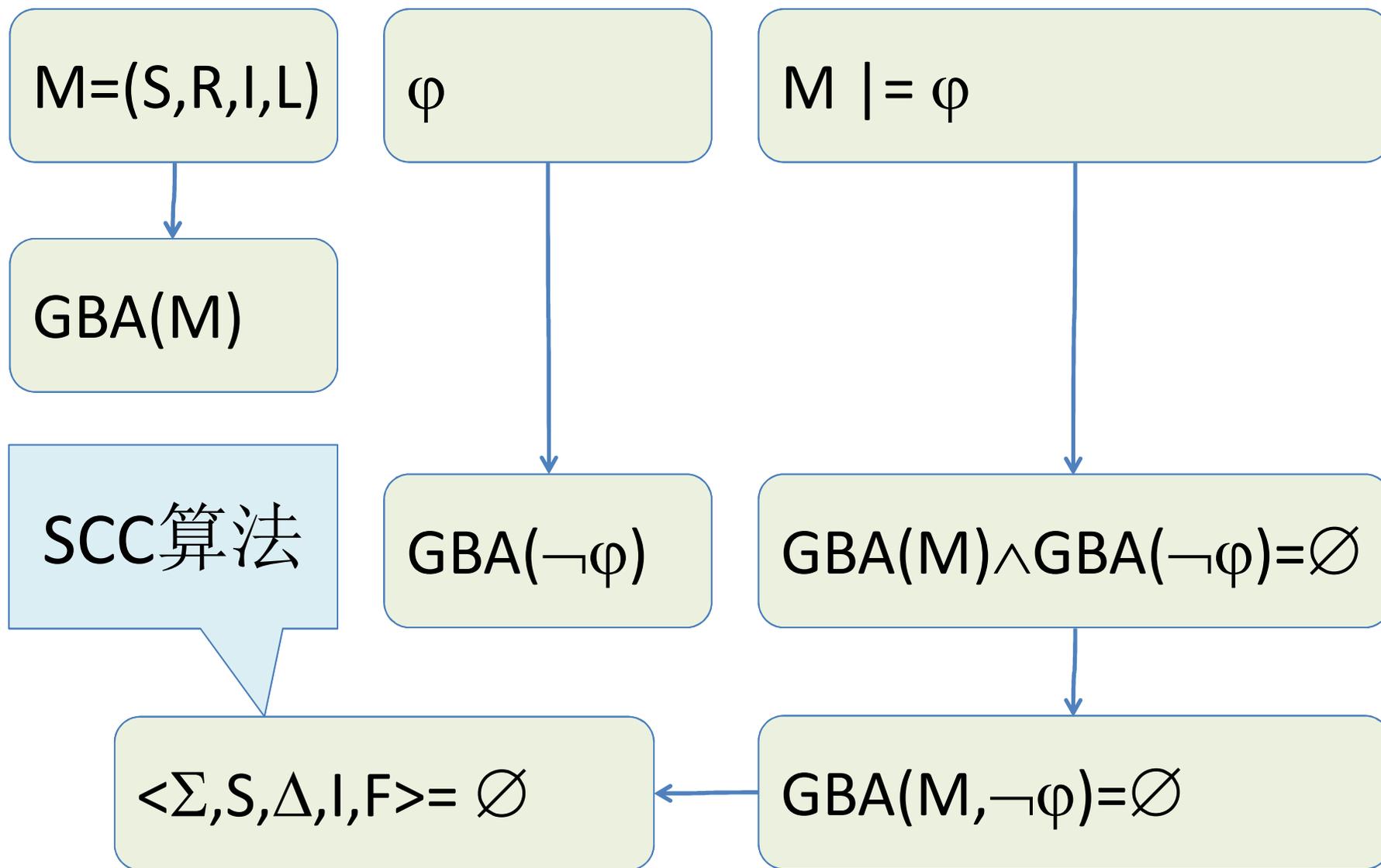
基于自动机的模型检测(1a)



基于自动机的模型检测(1b)



基于自动机的模型检测(1b)

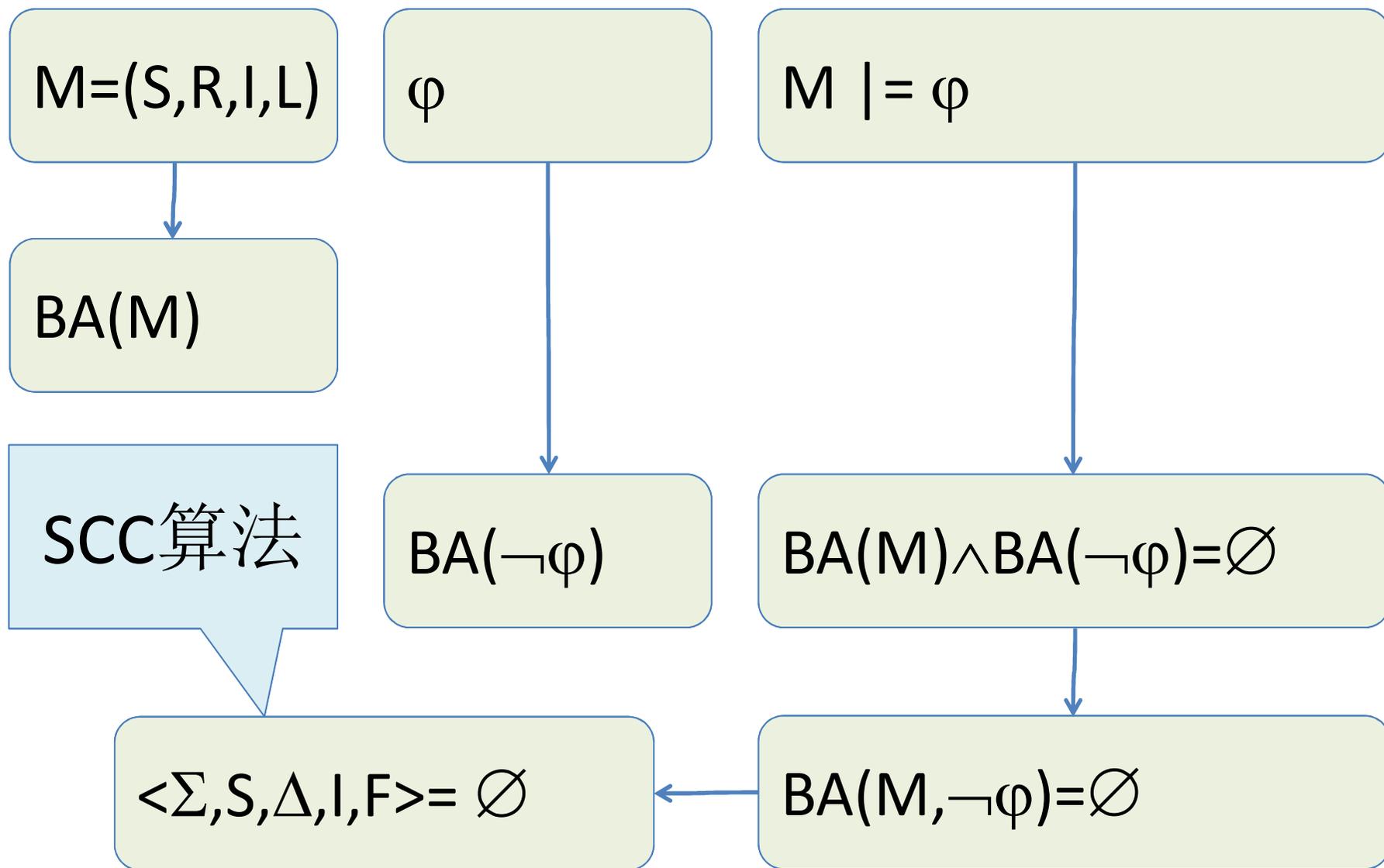


基于自动机的模型检测(2)

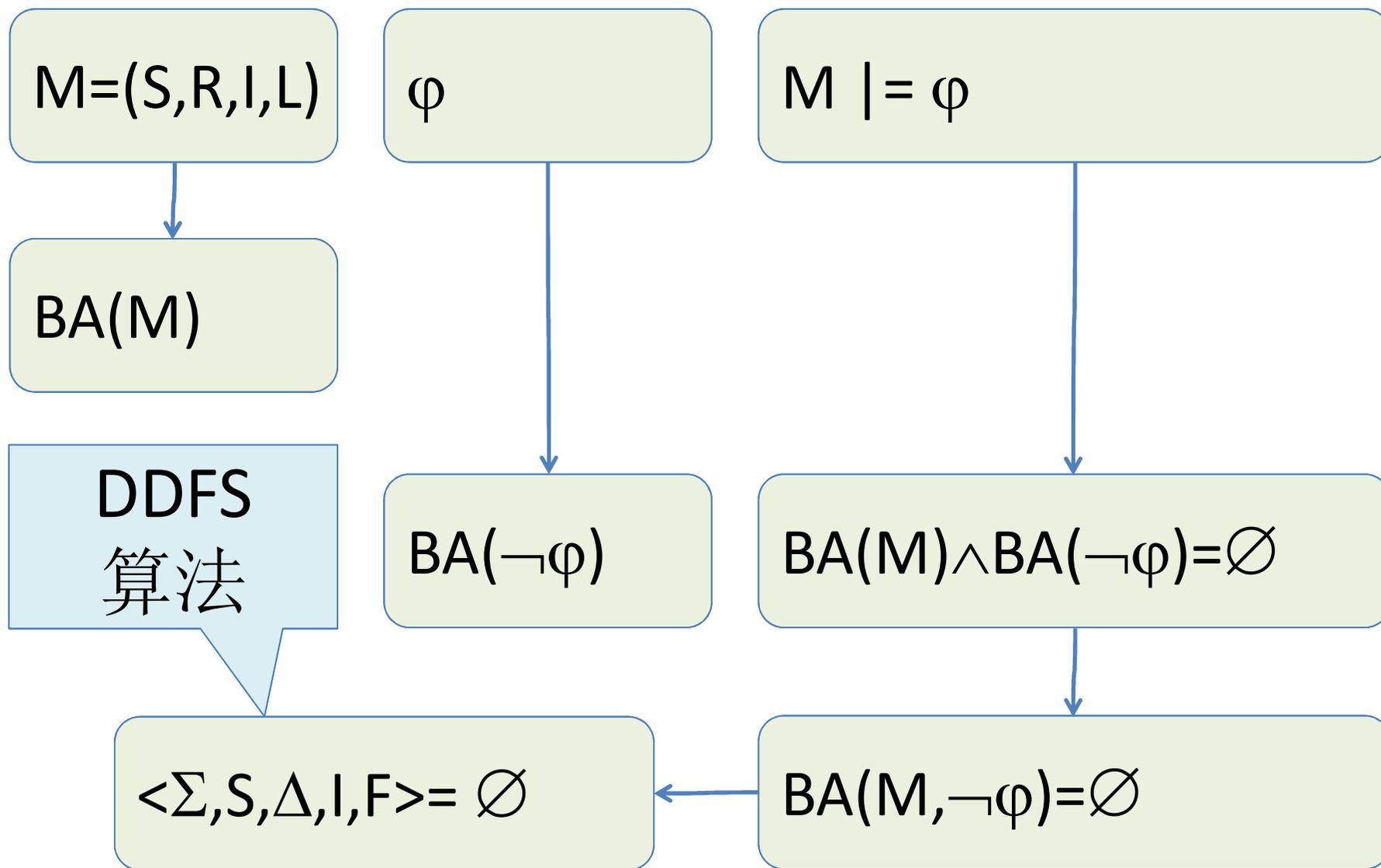
On-the-fly 技术

基于BA

基于自动机的模型检测(2a)



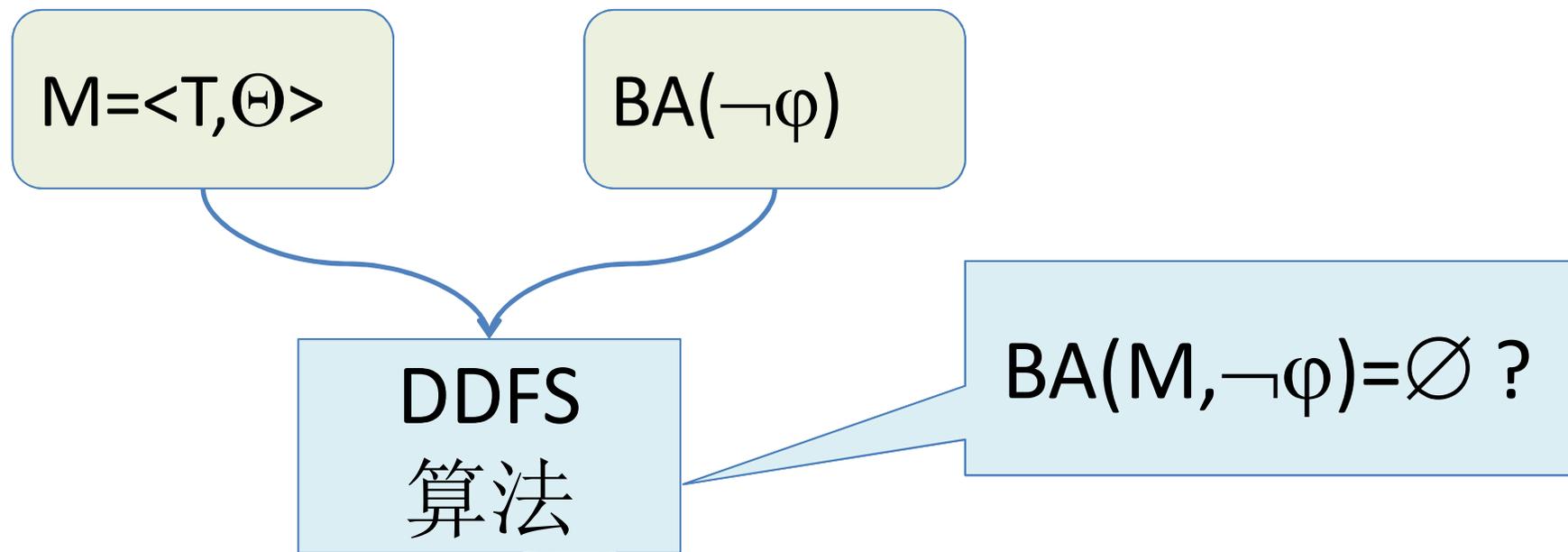
基于自动机的模型检测(2b)



基于自动机的模型检测(2)

SCC算法：全局

DDFS算法：适用于动态(on-the-fly)模型检测



进一步考虑

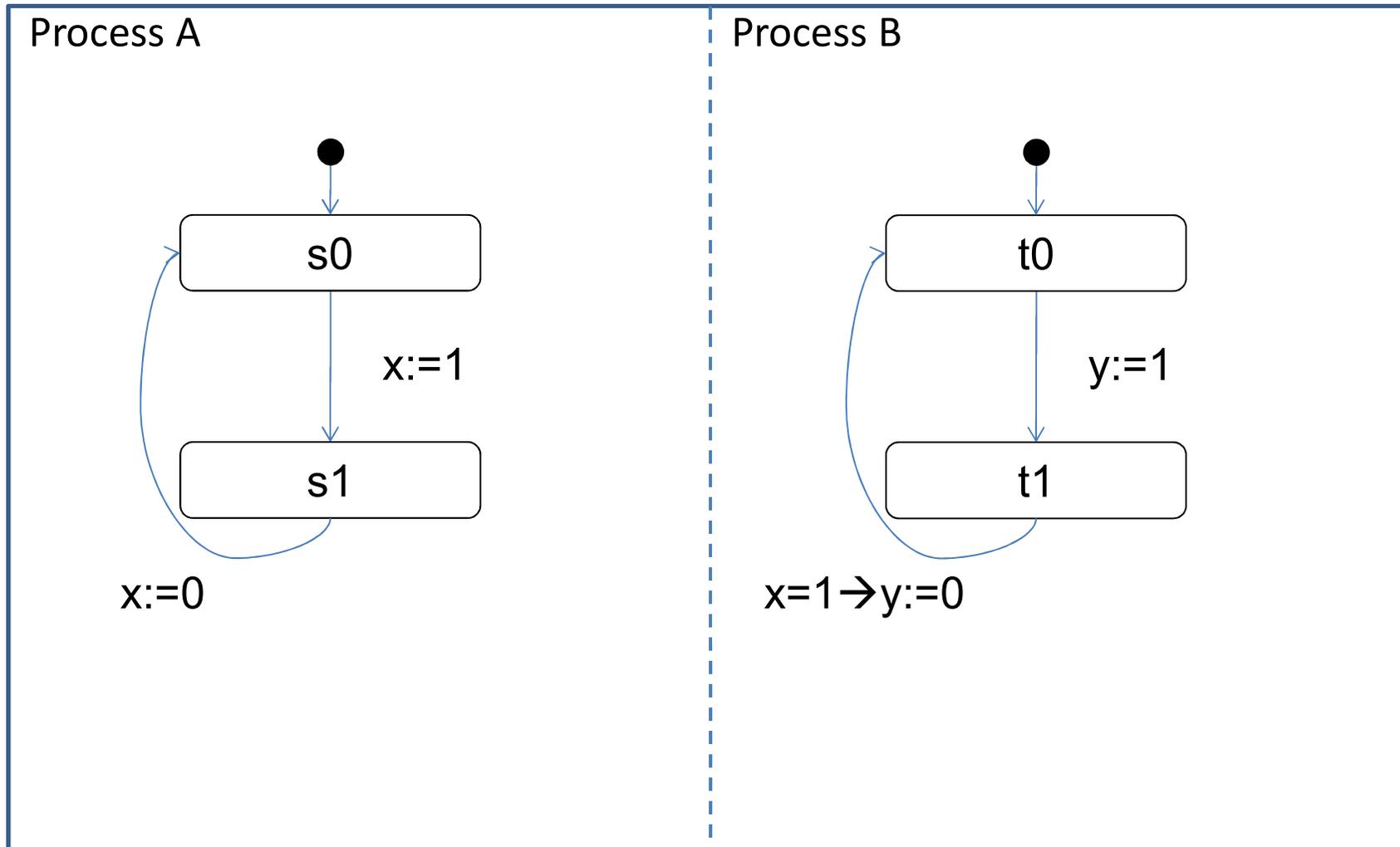
优点：对部分问题，可快速查到问题

构造 $BA(\varphi)$ 的高效算法

Partial-order reduction

- Stuttering equivalent properties
- LTL \ X

例子



(III.b) 符号模型检测

符号模型检测：符号模型

符号模型

$M=(V,\rho,\Theta,N,\Phi)$

$V=\{v_1,\dots,v_n\}$ 布尔变量集合

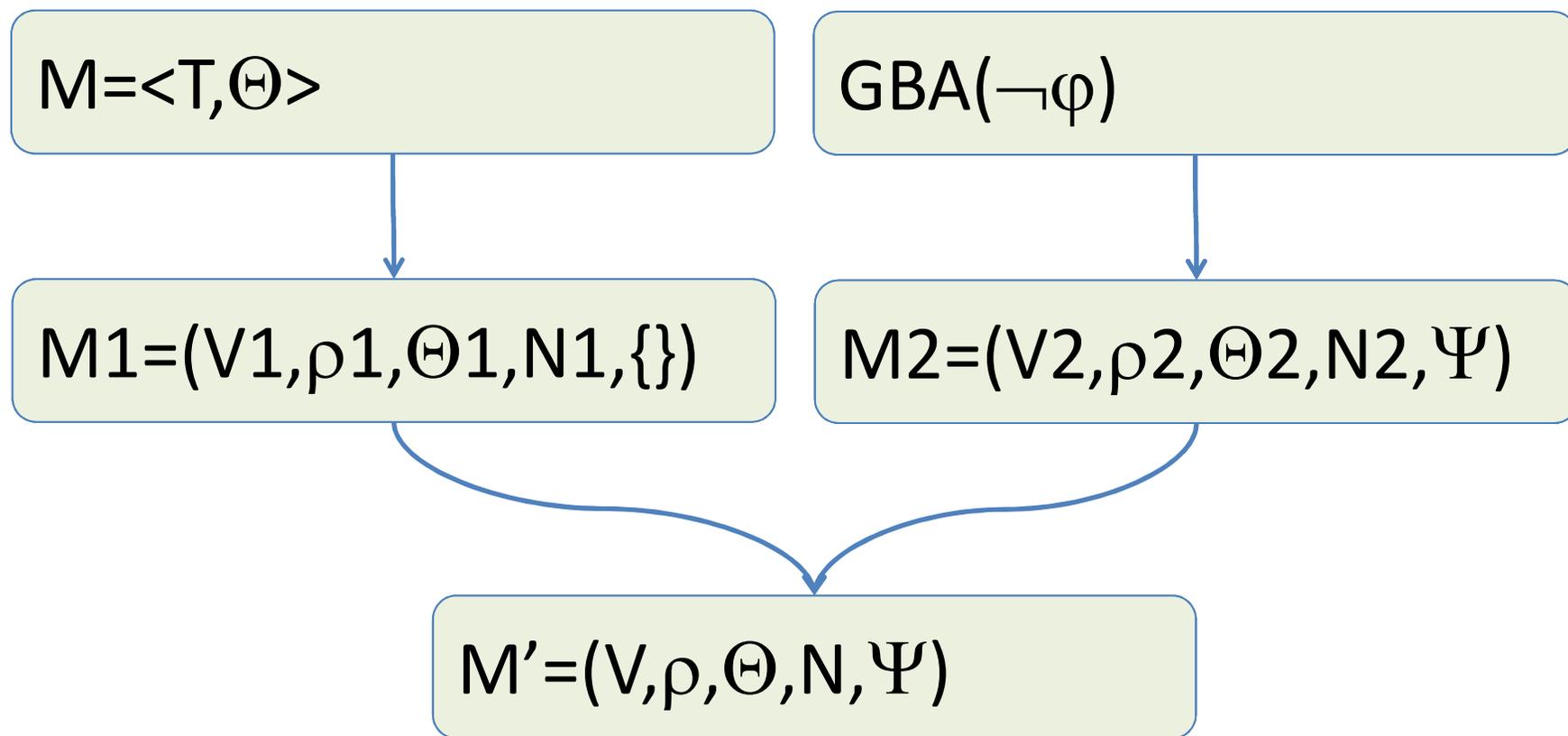
$\rho: \{v_1,\dots,v_n,v_1',\dots,v_n'\}$ 上的布尔公式

$\Theta: \{v_1,\dots,v_n\}$ 上的布尔公式

$N: \{ N_p \mid p \in AP \}$, N_p 为 $\{v_1,\dots,v_n\}$ 上的布尔公式

$\Phi=\{\Phi_1,\dots,\Phi_k\}$

符号模型检测



$M \models \varphi$ iff $M' \not\models EG(\text{true})$

进一步考虑

$M'=(V,\rho,\Theta,N,\Psi)$ 的高效构造

(III.c) 限界模型检测

k路径 π : 长度为k+1的路径。

(k,l)环 π : k路径 且 $R(\pi_k, \pi_l)$ 成立。

存在 计算 π 使得 $M, \pi \models \phi$

当且仅当存在l起点的 (k,l)环 π' 使得

$M, \pi_0' \dots \pi_{l-1}' (\pi_l' \dots \pi_k')^\omega \models \phi$ 且 $k \leq |M| \times 2^{|\phi|}$.

~~$M \models \phi$~~

当且仅当存在l起点的 (k,l)环 π 使得

$M, \pi_0 \dots \pi_{l-1} (\pi_l \dots \pi_k)^\omega \models \neg \phi$

LTL

考虑NNF-LTL:

$\Phi ::= p \mid \Phi \wedge \Phi \mid \Phi \vee \Phi \mid \neg p \mid X \Phi \mid G \Phi \mid \Phi U \Phi$

(正常)语义: $M, \pi \models \phi$

$M, \pi \models p,$	if $p \in AP$ and $p \in L(\pi_0)$
$M, \pi \models \neg\phi,$	if $M, \pi \not\models \phi$
$M, \pi \models \phi \vee \psi,$	if $M, \pi \models \phi$ or $M, \pi \models \psi$
$M, \pi \models \phi \wedge \psi,$	if $M, \pi \models \phi$ and $M, \pi \models \psi$
$M, \pi \models X\phi,$	if $M, \pi^1 \models \phi$
$M, \pi \models \phi U \psi,$	if $\exists i \geq 0, M, \pi^i \models \psi$ and $\forall j < i, M, \pi^j \models \phi$
$M, \pi \models G\psi,$	if $\forall i \geq 0, M, \pi^i \models \psi$

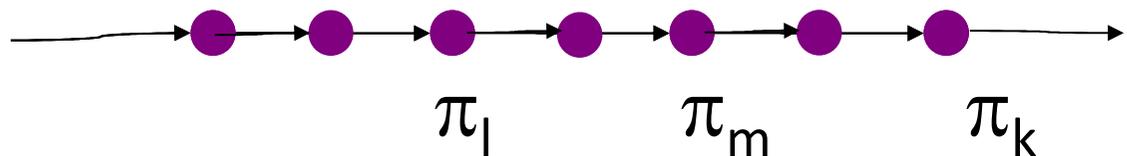
Existential Model Checking Problem

$M \models_E \phi$, if there a computation π such that $M, \pi \models \phi$

限界语义(non-loop): $M, \pi \models_k \phi$

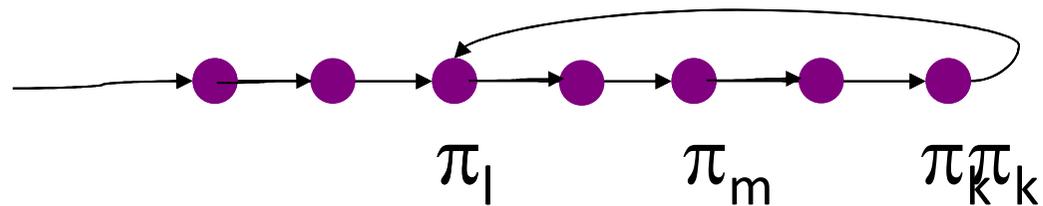
$M, \pi \models_k^m p,$	if $p \in AP$ and $p \in L(\pi_m)$
$M, \pi \models_k^m \neg p,$	if $p \in AP$ and $p \notin L(\pi_m)$
$M, \pi \models_k^m \phi \vee \psi,$	if $M, \pi \models_k^m \phi$ or $M, \pi \models_k^m \psi$
$M, \pi \models_k^m \phi \wedge \psi,$	if $M, \pi \models_k^m \phi$ and $M, \pi \models_k^m \psi$
$M, \pi \models_k^m X \phi,$	if $k \geq m+1$ and $M, \pi \models_k^{m+1} \phi$
$M, \pi \models_k^m \phi U \psi,$	if $\exists m \leq i \leq k, M, \pi \models_k^i \psi$ and $\forall m \leq j < i, M, \pi \models_k^j \phi$
$M, \pi \models_k^m G \psi,$	if false

$M, \pi \models_{k,-1} \phi$ if $M, \pi \models_k^0 \phi$



限界语义(loop): $M, \pi \models_k \phi$

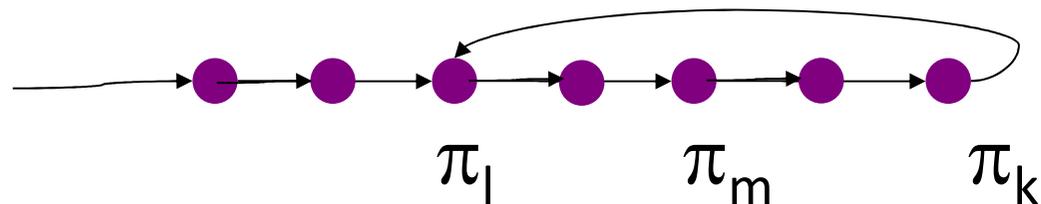
(k,l)-loop: $\pi = \pi_0 \dots \pi_{l-1} (\pi_l \dots \pi_k)^\omega$



限界语义(loop): $M, \pi \models_k \phi$

$M, \pi \models_k^{l,m} p,$	if $p \in AP$ and $p \in L(\pi_m)$
$M, \pi \models_k^{l,m} \neg p,$	if $p \in AP$ and $p \notin L(\pi_m)$
$M, \pi \models_k^{l,m} \phi \vee \psi,$	if $M, \pi \models_k^{l,m} \phi$ or $M, \pi \models_k^{l,m} \psi$
$M, \pi \models_k^{l,m} \phi \wedge \psi,$	if $M, \pi \models_k^{l,m} \phi$ and $M, \pi \models_k^{l,m} \psi$
$M, \pi \models_k^{l,m} X \phi,$	if $k \geq m+1$ and $M, \pi \models_k^{l,m+1} \phi,$ or $k=m$ and $M, \pi \models_k^{l,l} \phi$
$M, \pi \models_k^{l,m} \phi U \psi,$	if $\exists m \leq i \leq k, M, \pi \models_k^{l,i} \psi$ and $\forall m \leq j < i, M, \pi \models_k^{l,j} \phi,$ or $\forall m \leq j \leq k, M, \pi \models_k^{l,j} \phi$ and $\exists l \leq i < m, M, \pi \models_k^{l,i} \psi$ and $\forall l \leq j < i, M, \pi \models_k^{l,j} \phi$
$M, \pi \models_k^{l,m} G \psi,$	if $\forall \min(l,m) \leq i \leq k, M, \pi \models_k^{l,i} \psi$

$M, \pi \models_{k,l} \phi$ if $M, \pi \models_k^{l,0} \phi$



限界语义: $M, \pi \models_k \phi$

DEFINITION

$M, \pi \models_k \phi$, if $M, \pi \models_{k,-1} \phi$ or $M, \pi \models_{k,l} \phi$ for some $l \in \{0, \dots, k\}$

DEFINITION

$M \models_{E,k} \phi$, if $M, \pi \models_k \phi$ for some computation π .

LEMMA (Soundness)

If $M \models_{E,k} \phi$, then $M \models_E \phi$.

LEMMA (Completeness)

If $M \models_E \phi$, then $M \models_{E,k} \phi$ for some $k \geq 0$.

限界语义

THEOREM

$M \models_E \phi$ iff

there is $k \geq 0$ such that $M \models_{E,k} \phi$

Corollary

$M \not\models \phi$ iff

there is $k \geq 0$ such that $M \models_{E,k} \neg\phi$

完备阈值

k 是 $M \models \varphi$ 的完备阈值，当且仅当

若 $M \not\models_{E,k} \neg\varphi$ ，则对 $k' \geq k$ ， $M \not\models_{E,k'} \neg\varphi$

设 lct 是 $M \models \varphi$ 的最小完备阈值：

若 $b \geq lct$ 且 $M \not\models_{E,b} \neg\varphi$ ，则 $M \models \varphi$ 。

(小模型定理)

最小完备阈值

(least completeness threshold $\leq |M| * 2^{|\varphi|}$)

限界模型检测(BMC)

Let b be a completeness threshold for $M \models \varphi$ or infinity.

1. $k=0$;
2. if $M \models_{E,k} \neg\varphi$, then report $M \not\models \varphi$;
3. if $k=b$, then report $M \models \varphi$;
4. $k=k+1$; goto step 2;

限界模型检测的问题及进一步考虑

完备阈值(completeness threshold $\leq |M| \cdot 2^{|\phi|}$)

需要高效检查 $M \models_{E,k} \phi$ 的算法

基于SAT的 LTL限界模型检测

(III.d)公平约束下的LTL模型检测

标号公平Kripke结构模型

$M=(S,R,I,L,\Phi)$

$\Phi=\{\Phi_1,\dots,\Phi_k\}$

模型检测

$$M=(S,R,I,L,\Phi)$$

$$M'=(S,R,I,L)$$

$$M \models \varphi$$

iff

$$M' \models (GF(\Phi_1) \wedge \dots \wedge GF(\Phi_k)) \rightarrow \varphi$$

(IV) Summary

- 符号模型
- CTL模型检测方法
- LTL模型检测方法

练习题:

(1)

给定如图所示标号Kripke模型。
将其转换成符号模型，写清楚
符号模型的各分量。

(2)

给定 $AP=\{p,q\}$ 上的符号模型 $M=(V,\rho,\Theta,N)$
其中

$$V = \{v1, v2\},$$

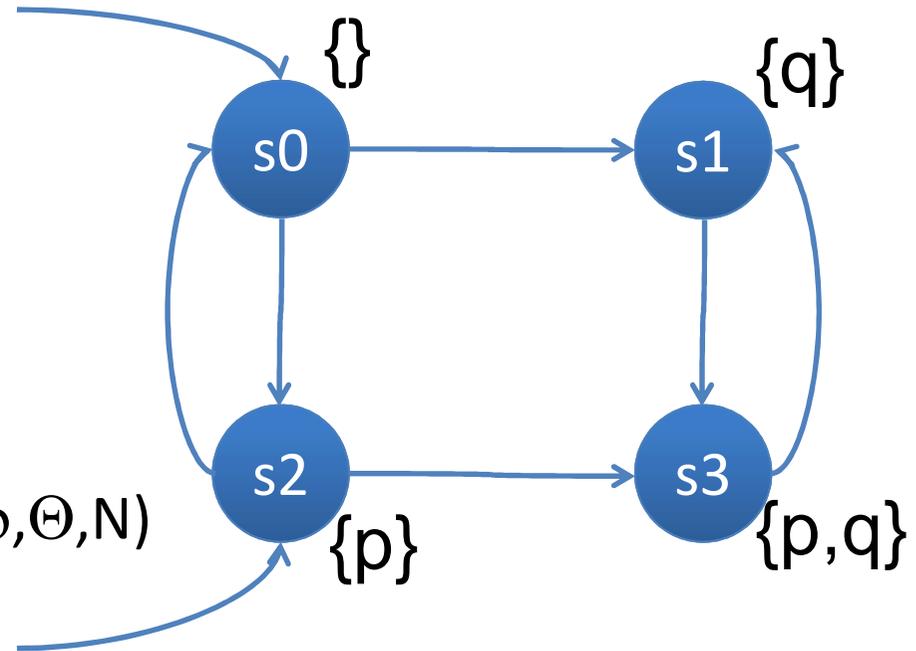
$$\rho = (\neg v1 \wedge \neg v2 \wedge (v1' \leftrightarrow \neg v2')) \vee (\neg v1 \wedge v2 \wedge (v1' \wedge v2')) \vee \\ (v1 \wedge \neg v2 \wedge (v1' \leftrightarrow v2')) \vee (v1 \wedge v2 \wedge (\neg v1' \wedge v2')),$$

$$\Theta = (\neg v2),$$

$$N(p) = (v1),$$

$$N(q) = (v2).$$

用符号模型检测方法计算 $[[EG(p \vee q)]]$ 并说明模型是否满足 $EG(p \vee q)$ 。



课程总结

中国科学院软件研究所
计算机科学国家重点实验室

张文辉

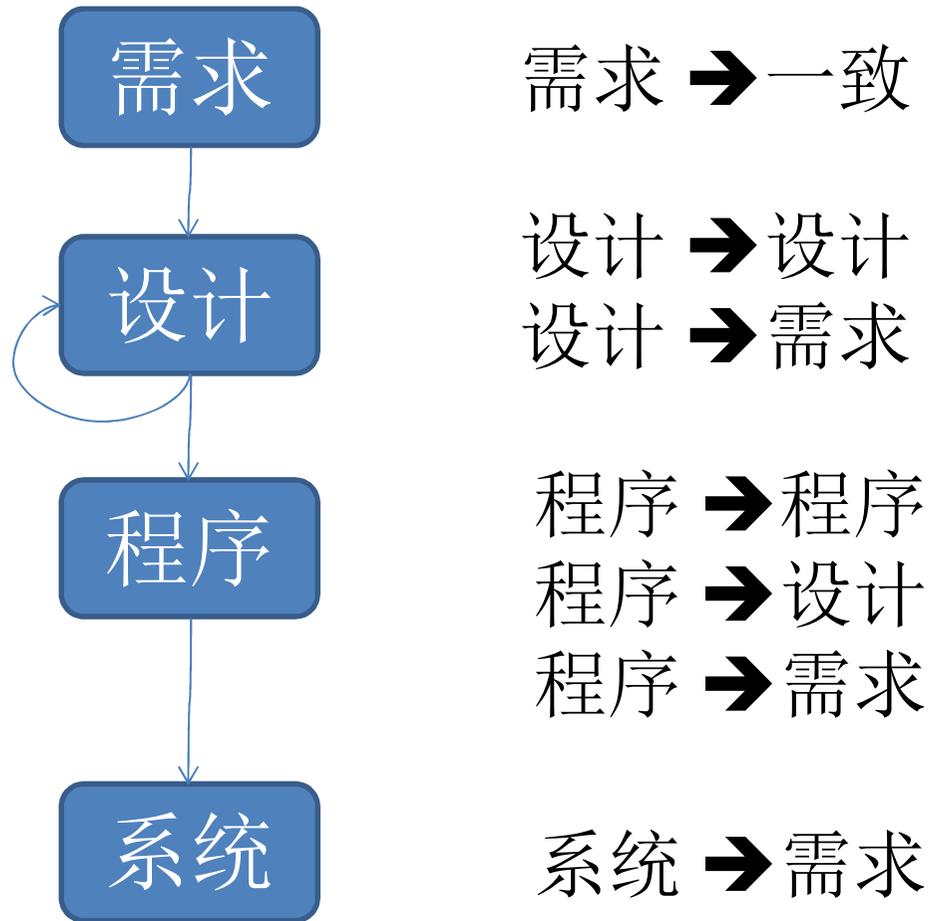
<http://lcs.ios.ac.cn/~zwh/>

内容

- 课程的关注点(例子)
- 课程主要内容：模型、逻辑、推理验证、模型检测

(I)课程的关注点(例子)

形式化方法：软件正确性

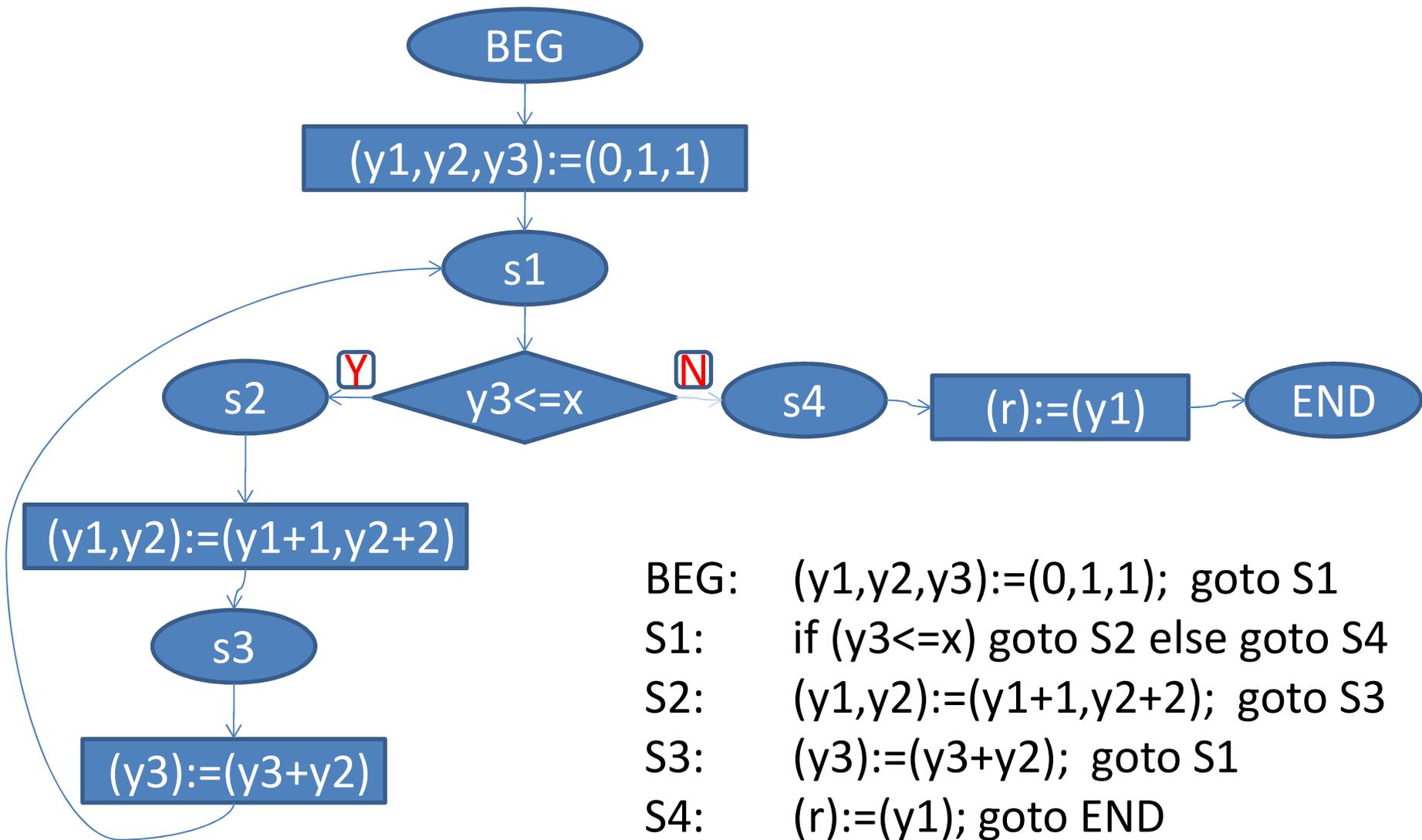


例1 - 整树平方根：需求

输入: r 满足 $x \geq 0$

输出: r 满足 $x \geq r * r \wedge x < (r+1) * (r+1)$

例1 - 整树平方根：设计



例1 - 整树平方根：设计

迁移关系

初始状态

$pc=BEG \rightarrow$	$(y1,y2,y3,pc):=(0,1,1,S1)$	$pc=BEG$
$pc=S1 \wedge (y3 \leq x) \rightarrow$	$(pc):=(S2)$	
$pc=S1 \wedge \neg (y3 \leq x) \rightarrow$	$(pc):=(S4)$	
$pc=S2 \rightarrow$	$(y1,y2,pc):=(y1+1,y2+2,S3)$	
$pc=S3 \rightarrow$	$(y3,pc):=(y3+y2,S1)$	
$pc=S4 \rightarrow$	$(r,pc):=(y1,END)$	

终止性:

$AF(pc=END)$

部分正确性:

$AG(pc=END \rightarrow (x \geq r*r \wedge x < (r+1)*(r+1)))$

例1 - 整树平方根：模型检测

例1 - 整树平方根(有穷状态)

迁移关系

初始状态

$pc=BEG \rightarrow$	$(y1,y2,y3,pc):=(0,1,1,S1)$	$pc=BEG \wedge$
$pc=S1 \wedge (y3 \leq x) \rightarrow$	$(pc):=(S2)$	$x \leq 15 \wedge$
$pc=S1 \wedge \neg (y3 \leq x) \rightarrow$	$(pc):=(S4)$	$y1=0 \wedge$
$pc=S2 \rightarrow$	$(y1,y2,pc):=(y1+1,y2+2,S3)$	$y2=0 \wedge$
$pc=S3 \rightarrow$	$(y3,pc):=(y3+y2,S1)$	$y3=0 \wedge$
$pc=S4 \rightarrow$	$(r,pc):=(y1,END)$	$r=0$

终止性:

$AF(pc=END)$

部分正确性:

$AG(pc=END \rightarrow (x \geq r*r \wedge x < (r+1)*(r+1)))$

符号模型检测(不动点算法)

```
verds -b -ck 1 isqrt15.vvm
VERSION: verds 1.46 - JAN 2015
FILE: isqrt15.vvm
INFO: int=i0
PROPERTY: A G (! (pc = 5 ) | ((x } (r * r )) & (x < ((r + 1 ) * (r + 1 )))))
check: 0
-----
check: 1
-----
check: 2
-----
check: 3
-----
check: 4
-----
check: 5
-----
check: 6
-----
check: 7
-----
...
...
check: 12
-----
check: 13
-----
CONCLUSION: TRUE

real 0m2.420s
user 0m1.659s
sys 0m0.755s
```

```
verds -b -ck 2 isqrt15.vvm
VERSION: verds 1.46 - JAN 2015
FILE: isqrt15.vvm
INFO: int=i0
PROPERTY: A F (pc = 5 )
check: 0
-----
check: 1
-----
check: 2
-----
check: 3
-----
check: 4
-----
check: 5
-----
check: 6
-----
check: 7
-----
...
...
check: 13
-----
check: 14
-----
CONCLUSION: TRUE

real 0m2.230s
user 0m1.469s
sys 0m0.744s
```

限界正确性检查(QBF)

```
verds -QBF -ck 1 isqrt15.vvm
VERSION: verds 1.46 - JAN 2015
FILE: isqrt15.vvm
INFO: int=i0
PROPERTY: A G (! (pc = 5 ) | ((x } (r * r )) & (x < ((r + 1 ) * (r + 1 )))))
INFO: applying an internal QBF-solver
check: 0
-----
check: 1
-----
check: 2
-----
check: 3
-----
check: 4
-----
check: 5
-----
check: 6
-----
check: 7
-----
check: 8
-----
check: 9
-----
check: 10
CONCLUSION: TRUE

real 0m4.369s
user 0m3.534s
sys 0m0.819s
```

```
verds -QBF -ck 2 isqrt15.vvm
VERSION: verds 1.46 - JAN 2015
FILE: isqrt15.vvm
INFO: int=i0
PROPERTY: A F (pc = 5 )
INFO: applying an internal QBF-solver
check: 0
-----
check: 1
-----
check: 2
-----
check: 3
-----
check: 4
-----
check: 5
-----
check: 6
-----
check: 7
-----
check: 8
-----
check: 9
-----
check: 10
CONCLUSION: TRUE

real 0m2.617s
user 0m1.825s
sys 0m0.770s
```

限界正确性检查(SAT)

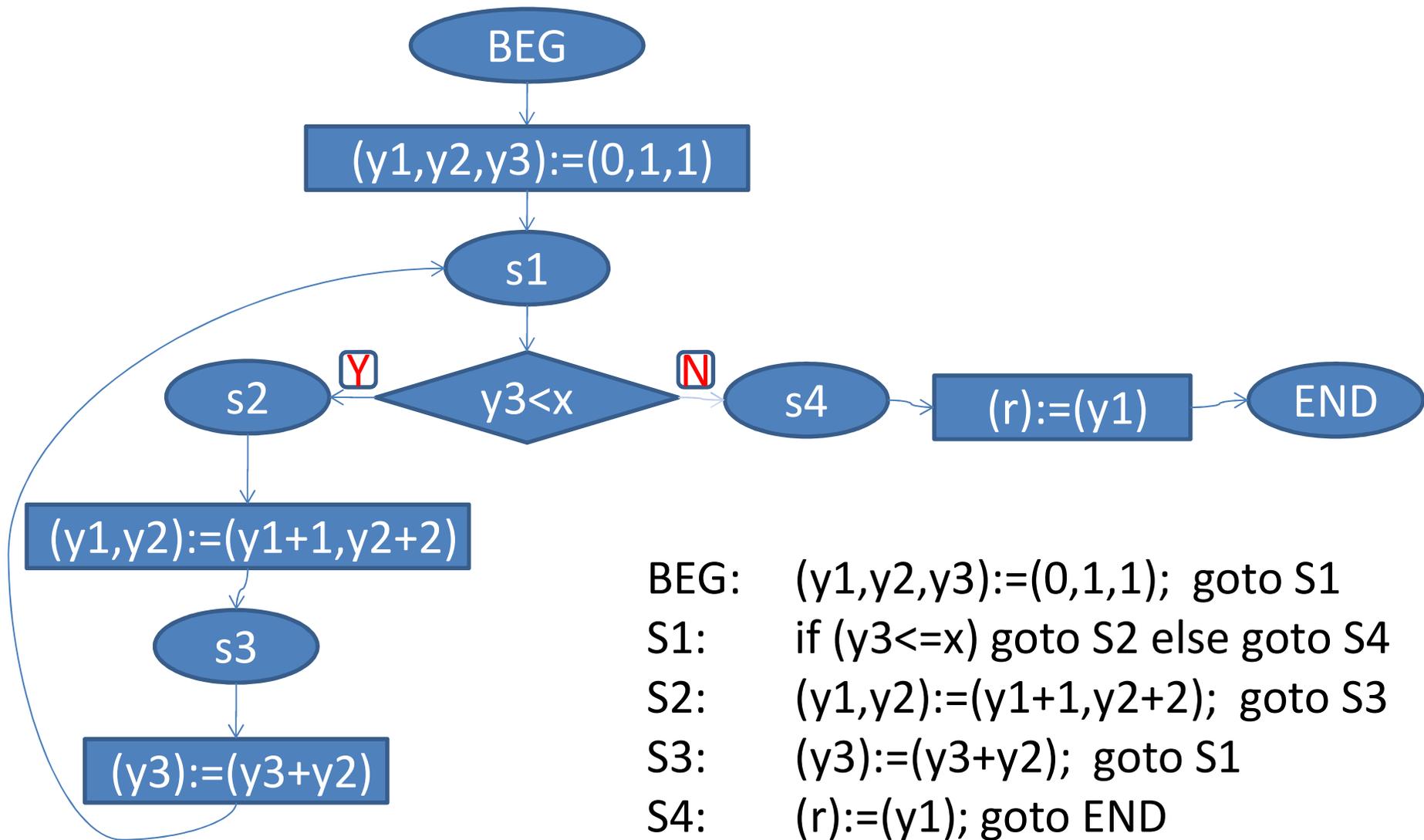
```
verds -SAT-ck 1 isqrt15.vvm
VERSION: verds 1.46 - JAN 2015
FILE: isqrt15.vvm
INFO: int=i0
PROPERTY: A G (! (pc = 5 ) | ((x } (r * r )) & (x < ((r + 1 ) * (r + 1 )))))
INFO: applying an internal SAT-solver
check: 0
-----
check: 1
-----
check: 2
-----
check: 3
-----
check: 4
-----
check: 5
-----
check: 6
-----
check: 7
-----
check: 8
-----
check: 9
-----
check: 10
CONCLUSION: TRUE

real 0m3.935s
user 0m3.026s
sys 0m0.792s
```

```
verds -SAT-ck 2 isqrt15.vvm
VERSION: verds 1.46 - JAN 2015
FILE: isqrt15.vvm
INFO: int=i0
PROPERTY: A F (pc = 5 )
INFO: applying an internal SAT-solver
check: 0
-----
check: 1
-----
check: 2
-----
check: 3
-----
check: 4
-----
check: 5
-----
check: 6
-----
check: 7
-----
check: 8
-----
check: 9
-----
check: 10
CONCLUSION: TRUE

real 0m2.531s
user 0m1.598s
sys 0m0.842s
```

例1 - 整树平方根： 错误设计



例1 - 整树平方根

迁移关系

初始状态

$pc=BEG \rightarrow$	$(y1,y2,y3,pc):=(0,1,1,S1)$	$pc=BEG \wedge$
$pc=S1 \wedge (y3 < x) \rightarrow$	$(pc):=(S2)$	$x \leq 15 \wedge$
$pc=S1 \wedge \neg (y3 < x) \rightarrow$	$(pc):=(S4)$	$y1=0 \wedge$
$pc=S2 \rightarrow$	$(y1,y2,pc):=(y1+1,y2+2,S3)$	$y2=0 \wedge$
$pc=S3 \rightarrow$	$(y3,pc):=(y3+y2,S1)$	$y3=0 \wedge$
$pc=S4 \rightarrow$	$(r,pc):=(y1,END)$	$r=0$

终止性:

$AF(pc=END)$

部分正确性:

$AG(pc=END \rightarrow (x \geq r*r \wedge x < (r+1)*(r+1)))$

验证

```
verds -ck 1 isqrt15a.vvm
VERSION: verds 1.46 - JAN 2015
FILE: isqrt15a.vvm
INFO: int=i0
PROPERTY: A G (! (pc = 5 ) | ((x } (r * r )) & (x < ((r + 1 ) * (r + 1 ) )))
check: 0
-----
check: 1
-----
check: 2
-----
check: 3
-----
The property is false, preparing isqrt15a.cex ...
CONCLUSION: FALSE
```

```
verds -ck 2 isqrt15a.vvm
VERSION: verds 1.46 - JAN 2015
FILE: isqrt15a.vvm
INFO: int=i0
PROPERTY: A F (pc = 5 )
check: 0
-----
check: 1
-----
check: 2
-----
check: 3
-----
check: 4
-----
check: 5
-----
check: 6
-----
check: 7
-----
check: 8
-----
check: 9
-----
check: 10
-----
CONCLUSION: TRUE
```

反例(isqrt15a.cex)

--- STATE 0 ---

pc =0
x =1
y1 =0
y2 =0
y3 =0
r =0

--- TRANS 1 ---

--- STATE 1 ---

pc =1
x =1
y1 =0
y2 =1
y3 =1
r =0

--- TRANS 3 ---

--- STATE 2 ---

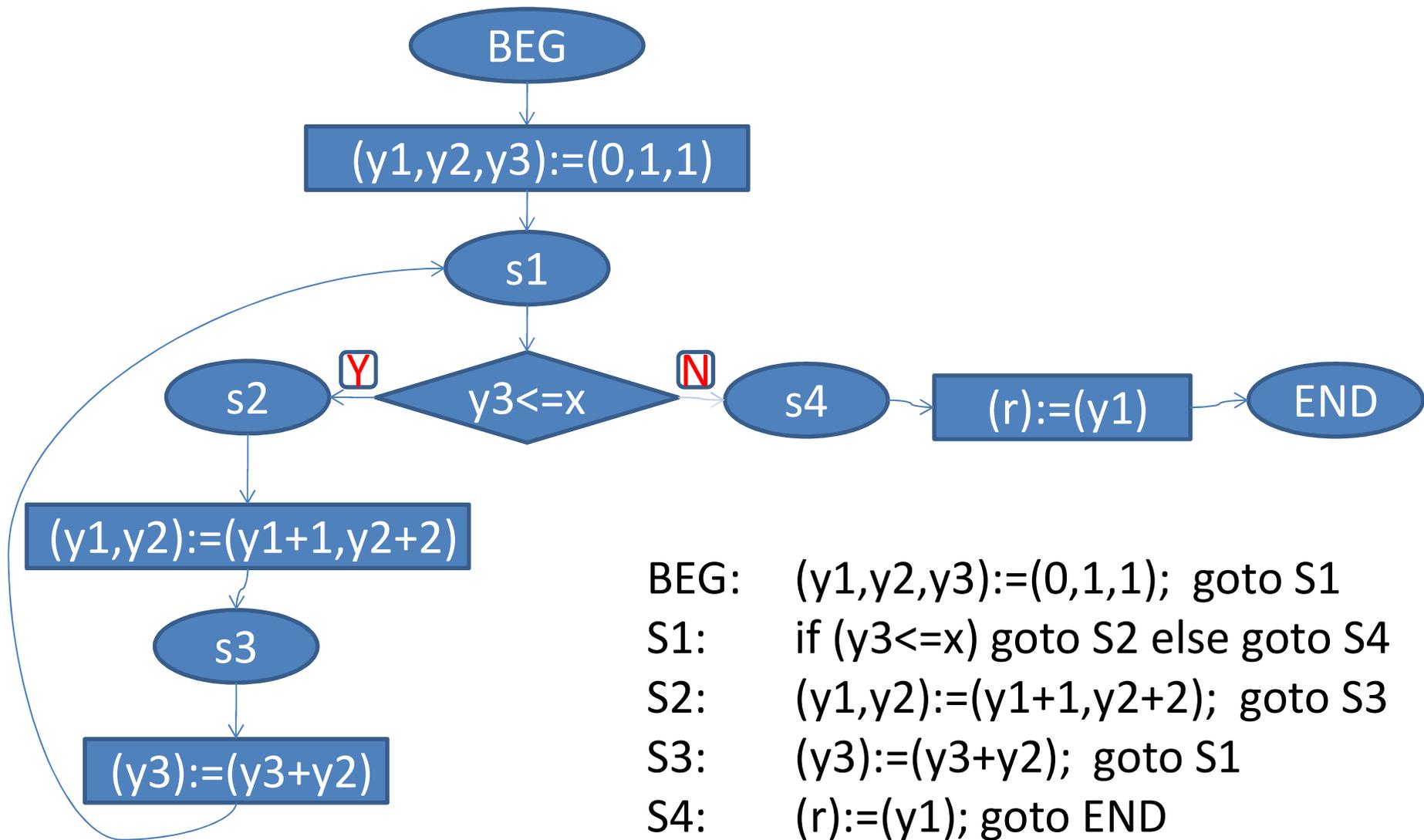
pc =4
x =1
y1 =0
y2 =1
y3 =1
r =0

--- TRANS 6 ---

--- STATE 3 ---

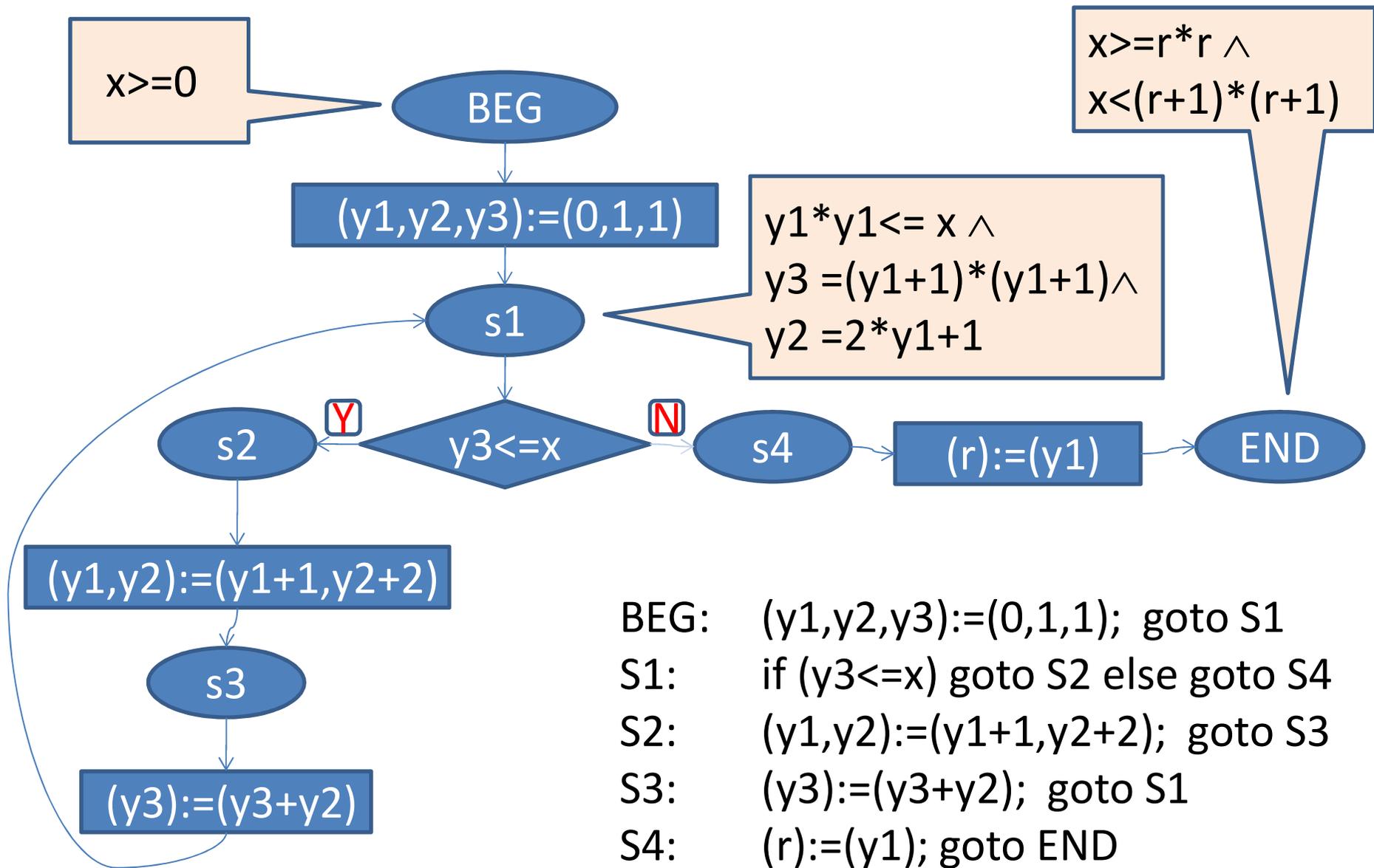
pc =5
x =1
y1 =0
y2 =1
y3 =1
r =0

例1 - 整树平方根： 正确的设计



例1 - 整树平方根：推理验证

例1 - 整树平方根：部分正确性



验证条件(路径组合方法)

$$y1*y1 \leq x \wedge y3 = (y1+1)*(y1+1) \wedge y2 = 2*y1+1$$

$$\rightarrow (y3 \leq x \rightarrow (y1+1)*(y1+1) \leq x \wedge$$

$$(y2+2)+y3 = ((y1+1)+1)*((y1+1)+1) \wedge y2+2 = 2*(y1+1)+1)$$

$$y1*y1 \leq x \wedge y3 = (y1+1)*(y1+1) \wedge y2 = 2*y1+1$$

$$\rightarrow (\neg y3 \leq x \rightarrow y1*y1 \leq x \wedge x < (y1+1)*(y1+1))$$

$$x \geq 0$$

$$\rightarrow 0*0 \leq x \wedge 1 = (0+1)*(0+1) \wedge 1 = 2*0+1$$

例1 - 整树平方根：部分正确性

```
{ x >= 0 }
```

Pre-Condition

```
y1:=0; y2:=1; y3:=1;
```

```
while (y3 <= x) {
```

```
    y1:=(y1+1); y2 := (y2+2);
```

Invariant

```
    y3:=(y2+y3);
```

```
    { y1*y1 <= x ∧ y3 = (y1+1)*(y1+1) ∧ y2 = 2*y1+1 }
```

```
}
```

```
{ y1*y1 <= x ∧ x <= (y1+1)*(y1+1) }
```

Post-Condition

验证条件(Hoare逻辑规则)

$$y_3 \leq x \wedge y_1 * y_1 \leq x \wedge y_3 = (y_1 + 1) * (y_1 + 1) \wedge y_2 = 2 * y_1 + 1$$

$$\rightarrow (y_1 + 1) * (y_1 + 1) \leq x \wedge$$

$$(y_2 + 2) + y_3 = ((y_1 + 1) + 1) * ((y_1 + 1) + 1) \wedge y_2 + 2 = 2 * (y_1 + 1) + 1$$

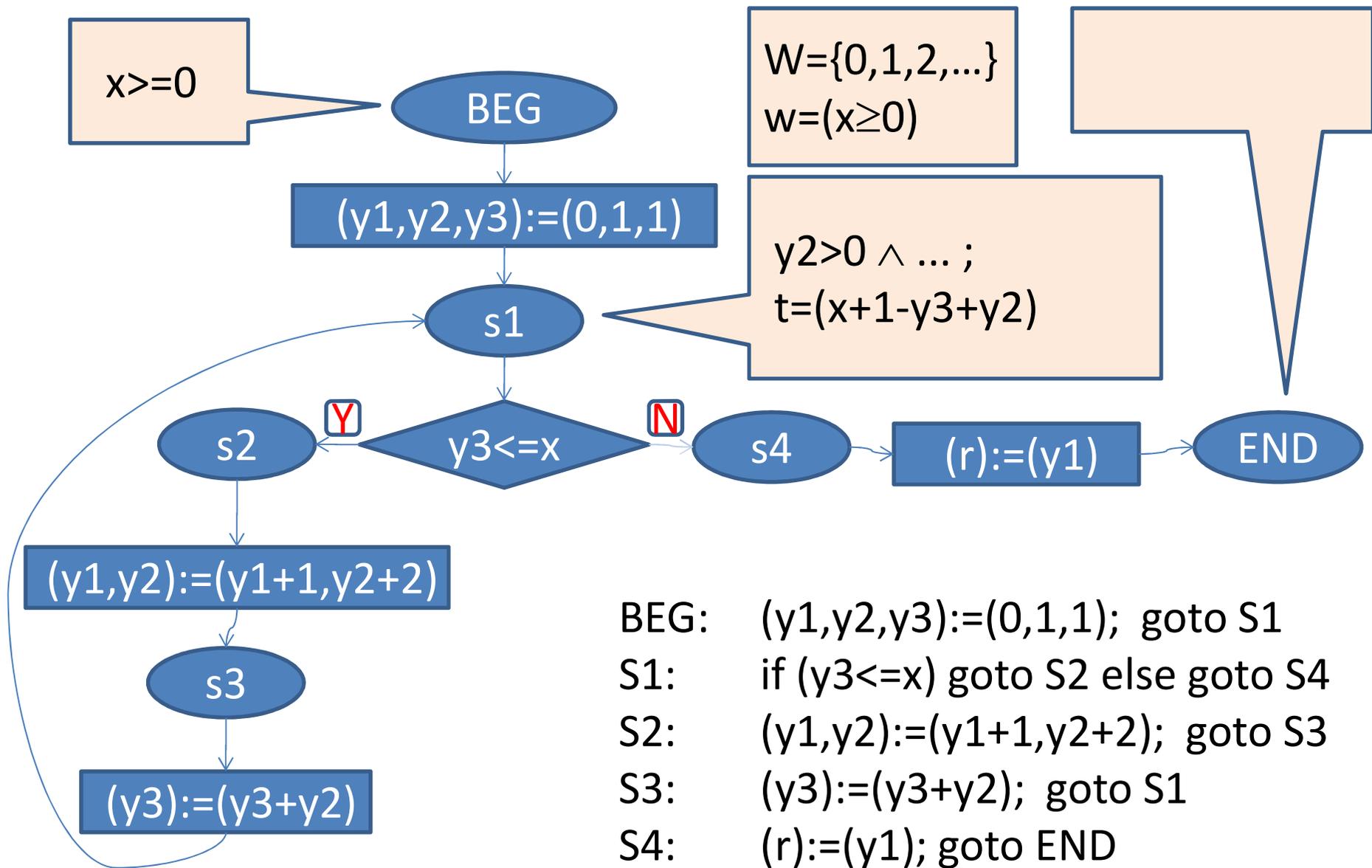
$$\neg y_3 \leq x \wedge y_1 * y_1 \leq x \wedge y_3 = (y_1 + 1) * (y_1 + 1) \wedge y_2 = 2 * y_1 + 1$$

$$\rightarrow y_1 * y_1 \leq x \wedge x < (y_1 + 1) * (y_1 + 1)$$

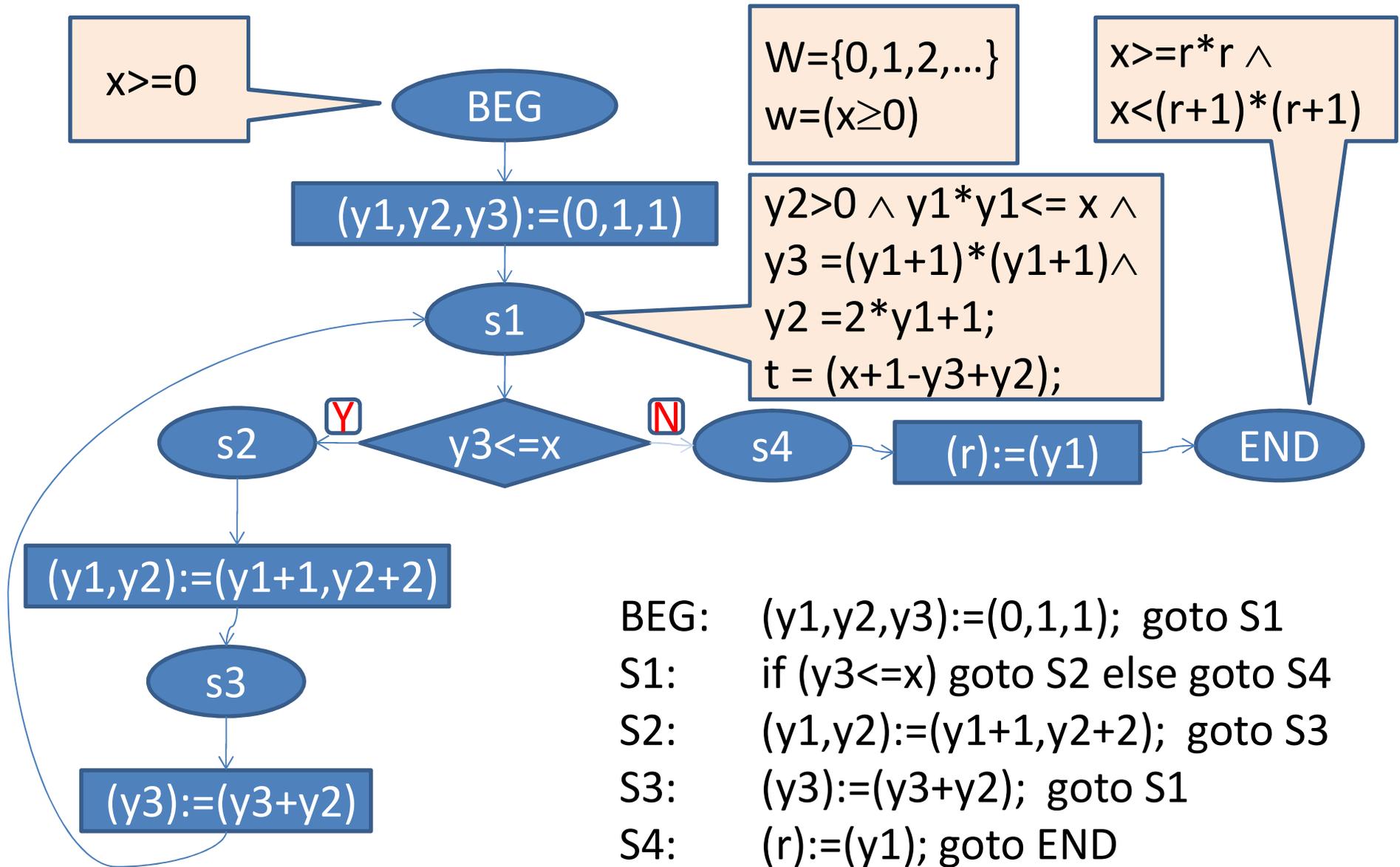
$$x \geq 0$$

$$\rightarrow 0 * 0 \leq x \wedge 1 = (0 + 1) * (0 + 1) \wedge 1 = 2 * 0 + 1$$

例1 - 整树平方根：终止性



例1 - 整树平方根：完全正确性



例1 - 整树平方根：完全正确性

$[x \geq 0]$

$y1 := 0; y2 := 1; y3 := 1;$

刻画WFS

Pre-Condition

while ($y3 \leq x$) { { $w = (x \geq 0); term = (x + 1 - y3 + y2)$ }

$y1 := (y1 + 1); y2 := (y2 + 2);$

Invariant

$y3 := (y2 + y3);$

$[y1 * y1 \leq x \wedge y3 = (y1 + 1) * (y1 + 1) \wedge y2 = 2 * y1 + 1$
 $\wedge y2 > 0]$

}

$[y1 * y1 \leq x \wedge x \leq (y1 + 1) * (y1 + 1)]$

Post-Condition

验证条件

$$y_3 \leq x \wedge y_2 > 0 \wedge \dots \rightarrow (x+1-y_3+y_2 \geq 0)$$

$$y_3 \leq x \wedge \dots \wedge y_2 > 0 \wedge (x+1-y_3+y_2) = v$$

$$\rightarrow (y_1+1)^*(y_1+1) \leq x \wedge$$

$$(y_2+2)+y_3 = ((y_1+1)+1)^*((y_1+1)+1) \wedge y_2+2 = 2*(y_1+1)+1 \wedge y_2 > 0 \wedge$$

$$(x+1-(y_3+(y_2+2))+(y_2+2)) < v$$

$$\neg y_3 \leq x \wedge y_1 * y_1 \leq x \wedge y_3 = (y_1+1)^*(y_1+1) \wedge y_2 = 2*y_1+1 \wedge y_2 > 0$$

$$\rightarrow y_1 * y_1 \leq x \wedge x < (y_1+1)^*(y_1+1)$$

$$x \geq 0$$

$$\rightarrow 0 * 0 \leq x \wedge 1 = (0+1)^*(0+1) \wedge 1 = 2 * 0 + 1$$

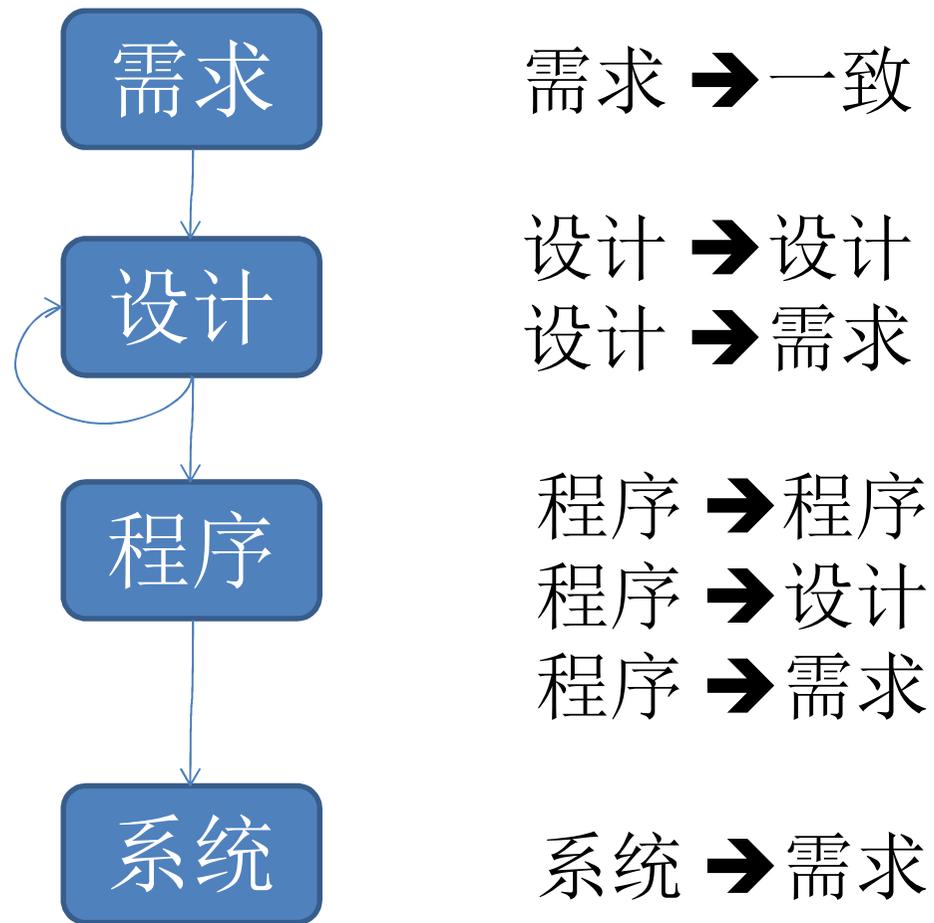
推理验证

构造断言(不变式)与良基域及相关部分

生成验证条件 (最弱宽松前断言与程序推理方法)

证明验证条件 (谓词逻辑推理方法)

程序(软件系统)正确性



程序(软件系统)正确性验证方法

问题:

模型是否满足正确性需求 $M \models \varphi$

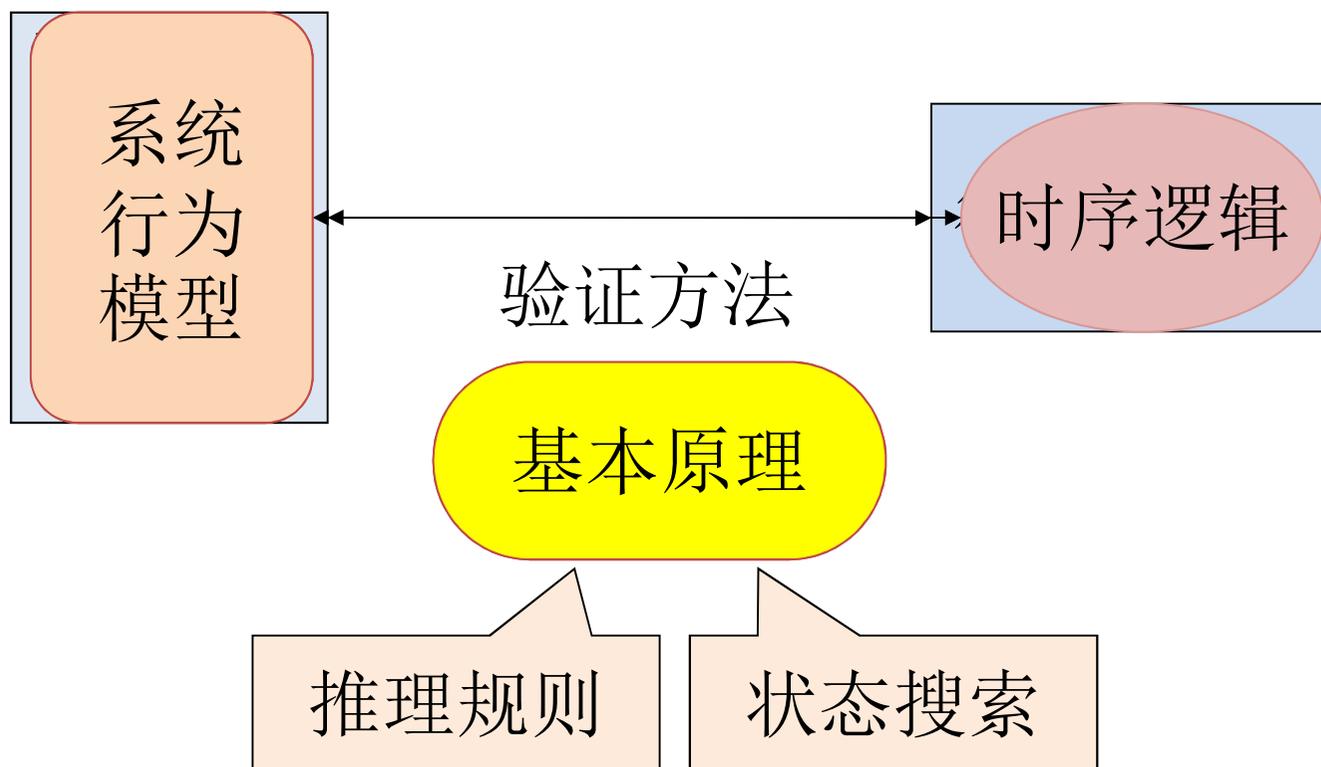
推理验证(可用于无穷状态系统、相对简单的性质):

模型正确性问题 \rightarrow 推理问题

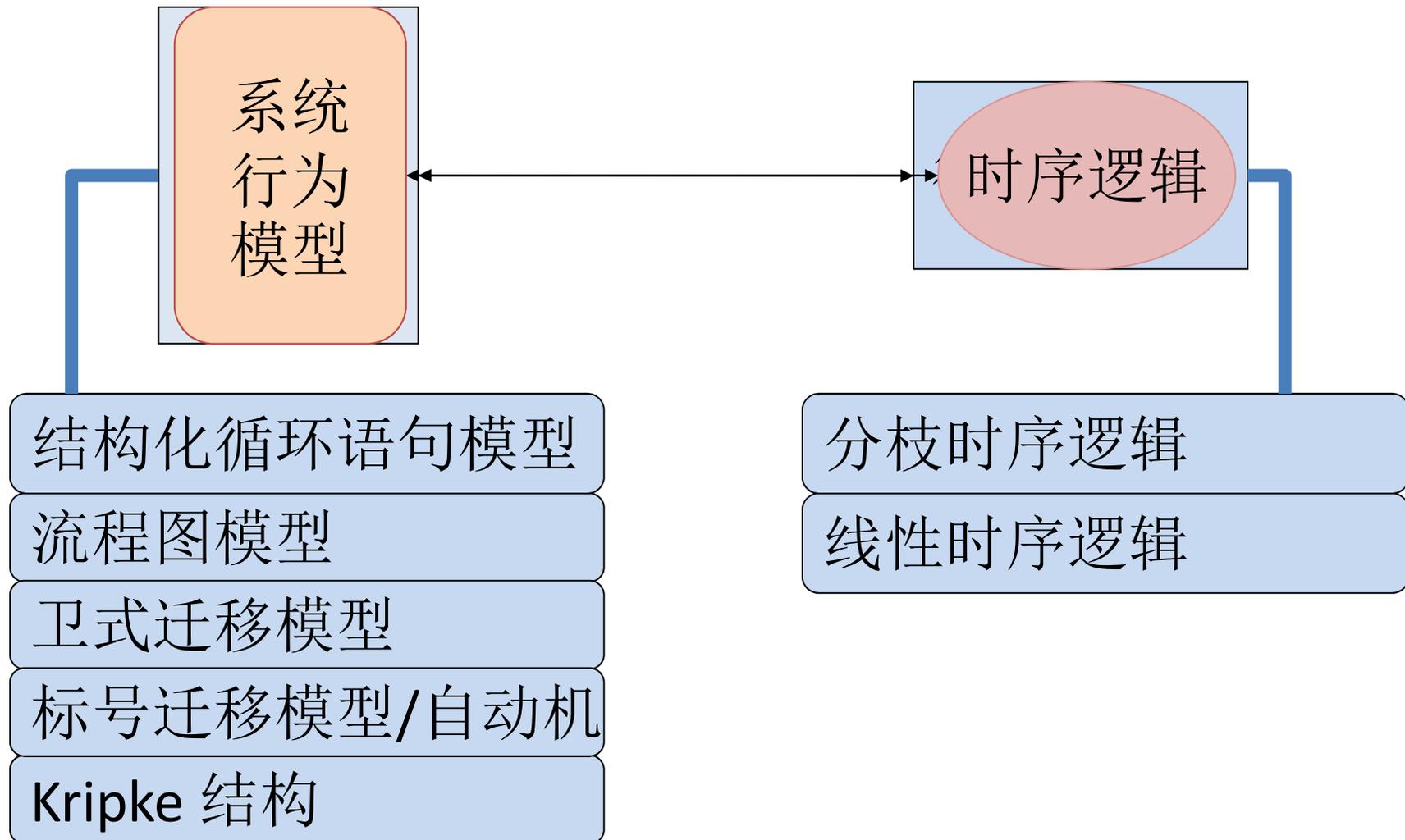
模型检测(适用于有穷状态系统、时序逻辑性质):

模型正确性问题 \rightarrow 计算问题

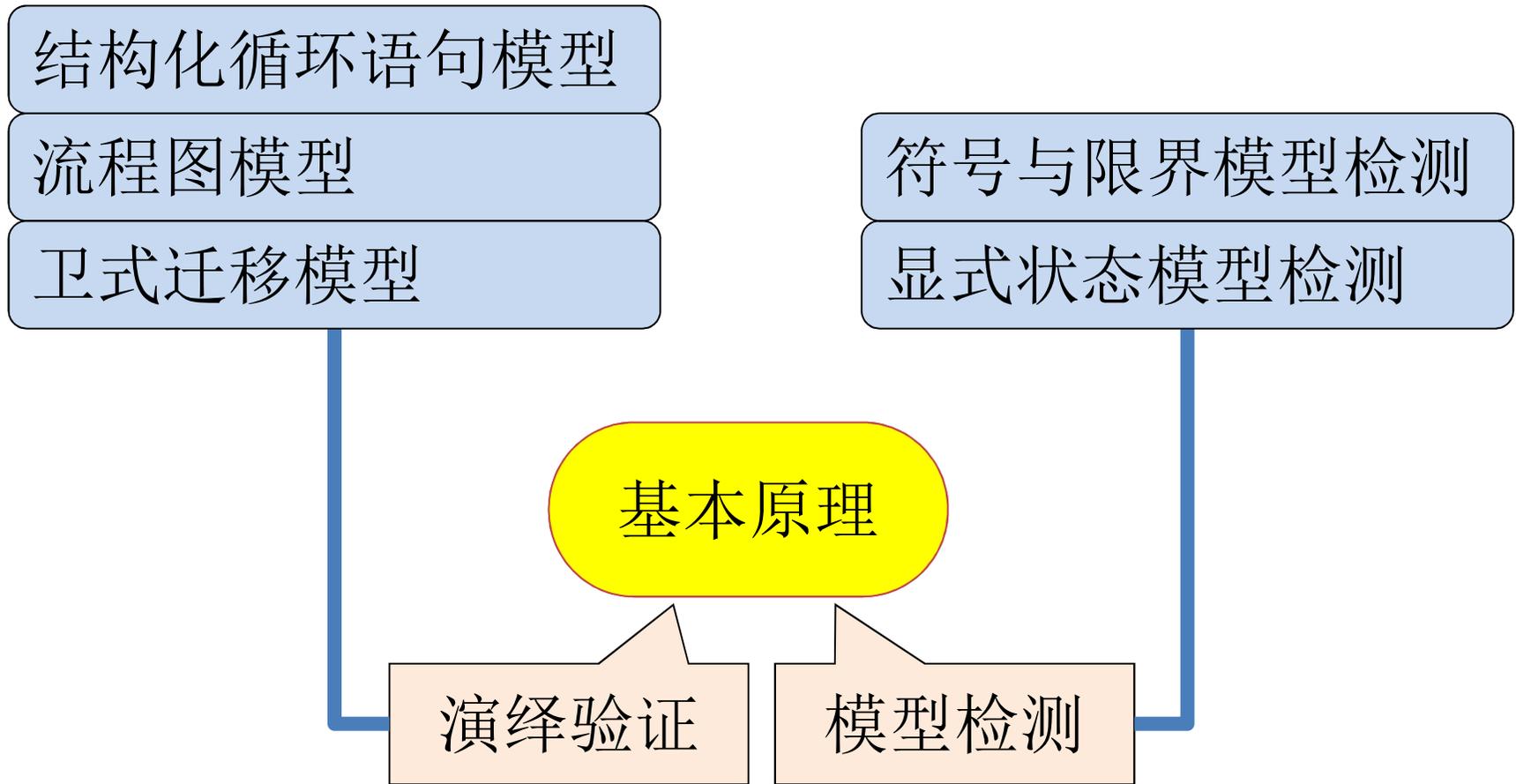
(II)课程主要内容



课程主要内容(1,2)



课程主要内容(3,4)



(II.a)程序与系统模型

Kripke结构(II,III)

基本概念

- Kripke结构 $K=\langle S,R,I\rangle$
- 公平Kripke结构 $K=\langle S,R,I,F\rangle$
- 标号Kripke结构 $K=\langle S,R,I,L\rangle$
- 公平标号Kripke结构 $K=\langle S,R,I,L,\Phi\rangle$

- 状态、迁移、路径、计算/运行
- 命题公式与状态集合的关系
- 公平条件的含义、对表达能力的提升作用
- 相关性质(安全、必达)
- 相关验证算法与证明方法

基于谓词逻辑的变量赋值模型(IV)

- 卫式迁移模型 $M = \langle T, \Theta \rangle$
- 流程图模型 M
- 结构化循环语句模型 M

基本概念、系统描述

- 符号、解释、赋值
- 状态、迁移、路径、计算/运行
- 基于谓词逻辑的模型到Kripke结构的转化
- 模型之间的关系
- 相关性质1(安全、必达)
- 相关性质2(终止性质、部分正确、完全正确)

标号迁移模型(V,VI)

基本概念、系统描述

- 标号迁移系统(LTS)
- Buchi自动机 $A=\langle \Sigma, S, \Delta, I, F \rangle$
- 字符串、运行、接受条件、语言
- 运算：并、交、(补)
- 确定性与非确定性
- 不同的接受条件(扩展Buchi, Streett, Rabin, Muller)
- 不同种类自动机之间的关系($GBA \rightarrow BA$)
- 相关性性质(空性)及验证算法
- 时间自动机、混成自动机、Petri网

(II.b)时序逻辑

线性时序逻辑(VII,VIII)

- PLTL
 - PLTL公式的不动点表示
 - PLTL限界语义
 - PLTL与自动机
 - vTL
 - FOLTL
-
- 语义、可满足性、有效性、等价、最小完全集
 - 推理系统
 - 基本性质(安全、必达)的表达
 - 相关模型检测问题

基本概念
系统描述
各类算法

分枝时序逻辑(IX)

- CTL
 - CTL公式的不动点与计算
 - CTL限界语义
 - μ -演算
-
- 语义、可满足性、有效性、等价、最小完全集
 - 推理系统
 - 基本性质(安全、必达)的表达
 - 相关模型检测问题

基本概念
系统描述
各类算法

(II.c)程序推理

卫式迁移模型(X)

$$M \models_1 \phi \Rightarrow (\psi R \varphi)$$

$$M \models_1 \phi \Rightarrow (G \varphi)$$

$$M \models_1 \phi \Rightarrow (\psi U \varphi)$$

$$M \models_1 \phi \Rightarrow (F \varphi)$$

基本概念
推理方法
程序分析

- 基于时序逻辑规则的推理方法
- 最弱宽松前断言(迁移集合)： $wlp, [S]\varphi$
- 良基集合： W, w, t
- 部分证明规则前提内容的选择和构造
- 证明规则前提的验证

流程图模型(XI)

- 部分正确性: $\models_1 \{ \phi \} M \{ \psi \}$
- 终止性: $\models_1 [\phi] M [\text{true}]$
- 完全正确性: $\models_1 [\phi] M [\psi]$

基本概念
推理方法
程序分析

- 基于路径组合的推理方法
- 最弱宽松前断言(路径): $\text{wlp}, [\alpha] \phi$
- 良基集合: W, w, t
- 部分证明规则前提内容的选择和构造
- 验证条件的生成及验证

结构化循环语句模型(XII)

- 部分正确性: $\models_1 \{ \phi \} M \{ \psi \}$
- 终止性: $\models_1 [\phi] M [\text{true}]$
- 完全正确性: $\models_1 [\phi] M [\psi]$

基本概念
推理方法
程序分析

- 基于Hoare逻辑的推理方法
- 最弱宽松前断言(程序片段): $wlp, [T]\phi$, 推理规则
- 良基集合: W, w, t
- 部分证明规则前提内容的选择和构造
- 验证条件的生成及验证

(II.d) 模型检测

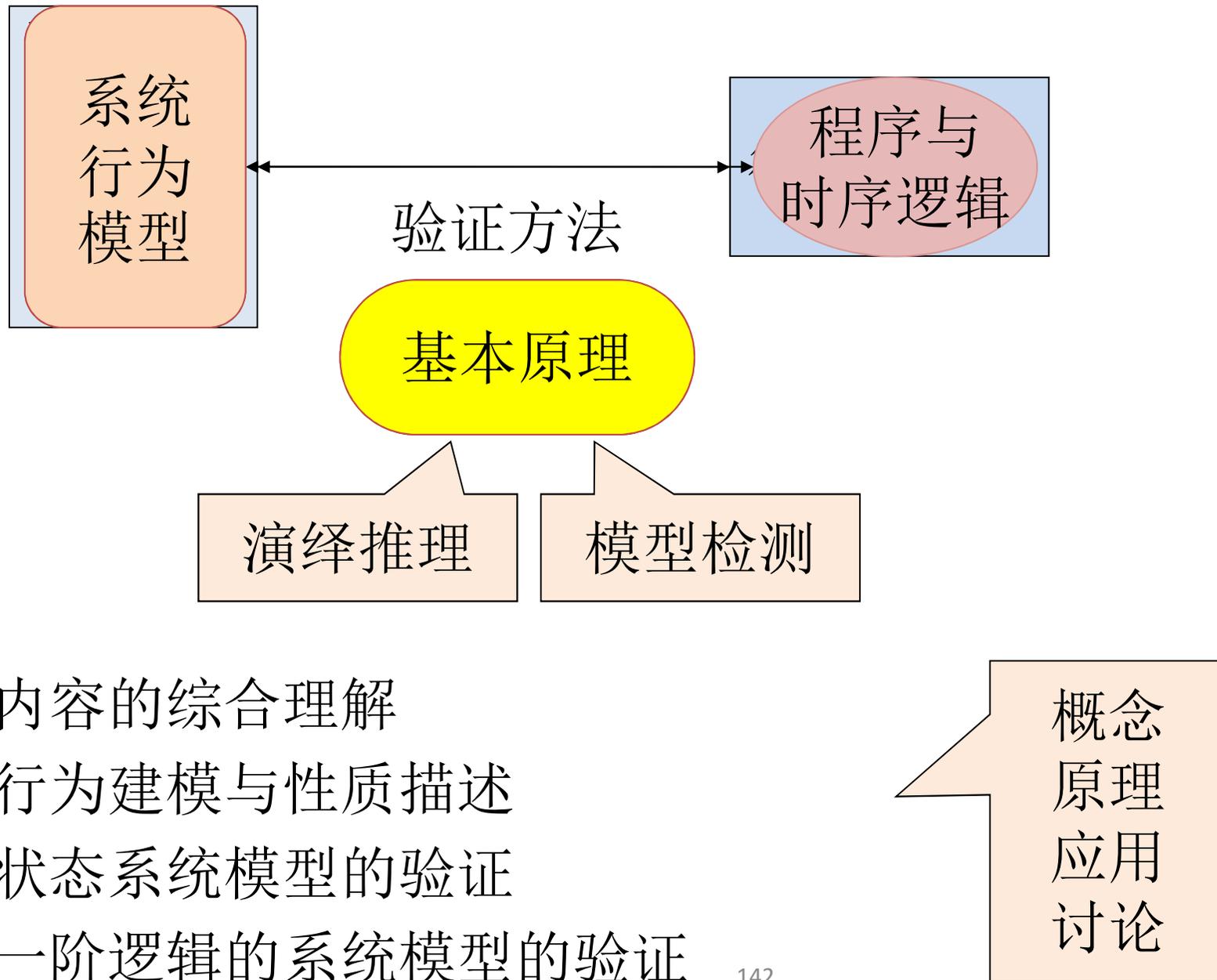
CTL和LTL性质的模型检测方法(XIII)

- 显式状态模型检测
- 符号模型与符号模型检测
- 限界正确性检查(限界模型检测)

- Kripke结构
- 公平Kripke结构

基本概念
基本思想
各类算法

课程内容小结



- 课程内容的综合理解
- 系统行为建模与性质描述
- 有穷状态系统模型的验证
- 基于一阶逻辑的系统模型的验证

考试时间地点

- 时间： 2个小时
- 地点：
- 方式： 课堂开卷
- 参考资料： 课件、参考书等